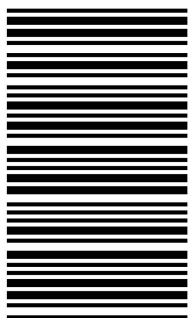


کد کنترل

909

A



909A

عصر پنجشنبه

۱۴۰۳/۱۲/۰۲



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«علم و تحقیق، کلید پیشرفت کشور است.»
مقام معظم رهبری

دفترچه شماره ۳ از ۳

آزمون ورودی دوره‌های دکتری (نیمه‌متمرکز) - سال ۱۴۰۴
مهندسی شیمی (کد ۲۳۶۰)

مدت زمان پاسخگویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۷۰ سؤال

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤال‌ها

| ردیف | مواد امتحانی | تعداد سؤال | از شماره | تا شماره |
|------|---|------------|----------|----------|
| ۱ | سینتیک و طراحی راکتور - ترمودینامیک | ۲۰ | ۱ | ۲۰ |
| ۲ | مهندسی بیوشیمی پیشرفته (میکروبیولوژی صنعتی و تکنولوژی آنزیم‌ها) | ۲۵ | ۲۱ | ۴۵ |
| ۳ | پدیده‌های انتقال | ۲۵ | ۴۶ | ۷۰ |

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات کادر زیر، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کدکنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخنامه ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

سینتیک و طراحی راکتور - ترمودینامیک:

۱- در واکنش‌های موازی $2A \rightarrow B + C (1)$ که در دمای $300^\circ C$ انجام گرفته، غلظت B برابر غلظت D است. $2A \rightarrow D + E (2)$

چنانچه واکنش در دمای $100^\circ C$ صورت گیرد، غلظت B، ۵ برابر غلظت D می‌شود. کدام گزینه درست است؟

- (۱) $E_1 \geq E_2$
 (۲) $E_1 = E_2$
 (۳) $E_1 > E_2$
 (۴) $E_1 < E_2$

۲- واکنش $A \rightarrow B$ با ثابت واکنش 1 min^{-1} ، در سه راکتور (Mixed) با حجم‌های مساوی که به‌طوری سری به هم

وصل شده‌اند انجام می‌شود. در صورتی که حجم هر راکتور ۵ لیتر و دبی حجمی جریان به راکتور اول $10 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$

باشد، میزان تبدیل در راکتور دوم کدام است؟

- (۱) ۰/۳۱
 (۲) ۰/۵۵
 (۳) ۰/۶۱
 (۴) ۰/۸۷

۳- یک واکنش درجه دوم در یک راکتور مخلوط‌شونده پیوسته (Mixed) و در فاز مایع انجام می‌شود. غلظت واکنشگر در

درون راکتور همواره پایین نگه داشته می‌شود. اگر عدد بی بعد دمکولر مربوطه برای این واکنش برابر ۲ باشد، کدام مورد درست است؟

- (۱) $X_A = 0/4$
 (۲) $X_A = 0/5$
 (۳) $X_A = 0/6$
 (۴) $X_A = \frac{5 + \sqrt{8}}{2}$

۴- واکنش درجه دوم $A \rightarrow 2R$ در فاز گاز و در یک راکتور لوله‌ای پیوسته در فشار و دمای ثابت انجام می‌شود.

خوراک متشکل از نسبت‌های مولی مساوی ماده A و گاز خنثی است. شدت جریان حجمی خوراک 70 و میزان تبدیل در راکتور 60 درصد است. درصد افزایش شدت جریان خروجی از راکتور چند درصد است؟

- (۱) ۶۰
 (۲) ۵۰
 (۳) ۳۰
 (۴) ۲۰

۵- واکنش درجه صفر $A \rightarrow R$ در یک راکتور دوره‌ای (Recycle) با $R = 2$ و درصد تبدیل 75% انجام می‌شود.

اگر جریان برگشتی را قطع نماییم، درصد تبدیل چند درصد تغییر می‌کند؟

- (۱) تغییری نمی‌کند.
 (۲) 50% افزایش می‌یابد.
 (۳) 25% کاهش می‌یابد.
 (۴) اطلاعات داده شده کافی نیست.

۶- واکنش فاز گازی $2A \rightarrow R$ با معادله سرعت $-r_A = 4C_A^2 \frac{\text{mol}}{\text{lit} \cdot \text{min}}$ ، در یک راکتور Mixed انجام می‌شود. خوراک شامل A خالص با غلظت $3 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ و دبی حجمی $10 \frac{\text{lit}}{\text{min}}$ است. حجم مورد نیاز راکتور برای اینکه غلظت A در خروجی راکتور $1 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ باشد، چند لیتر است؟

- (۱) ۲
(۲) ۴
(۳) ۶
(۴) ۸

۷- واکنش فاز مایع $A + 2B \rightarrow R$ در یک راکتور ناپیوسته انجام می‌شود. در صورتی $C_{A_0} = 0.2 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ ، $C_{B_0} = 10 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ و $k = 0.2 \ln(2) \frac{\text{lit}^2}{\text{mol}^2 \cdot \text{min}}$ باشد، پس از چند دقیقه غلظت A به یک چهارم غلظت اولیه می‌رسد؟

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) ۵

۸- واکنش گازی $A \rightarrow 3R$ با معادله سرعت $-r_A = 12 \frac{\text{mol}}{\text{lit} \cdot \text{hr}}$ در یک راکتور لوله‌ای (Plug) با حجم 60 lit انجام می‌شود. خوراک شامل 50% ماده A و 50% ماده بی‌اثر است. برای اینکه غلظت ماده A در راکتور از $2 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ به $0.5 \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ برسد، دبی حجمی خوراک چند $\frac{\text{lit}}{\text{min}}$ باید باشد؟

- (۱) ۱۵
(۲) ۵
(۳) ۲۰
(۴) ۱۰

۹- یک بمب کالریمتری (که در حکم یک مخزن صلب سرپیسته است)، به‌طور کامل درون یک مخزن بزرگ آب مایع قرار دارد. مواد اولیه یک واکنش احتراق درون بمب کالریمتری موجود است و یک قوس الکتریکی باعث انجام واکنش احتراق می‌شود. درون مخزن صلب بزرگ آب، یک همزن مکانیکی با توان مصرفی 200 وات کار می‌کند و در مدت 30 دقیقه، به هوای محیط 30 کیلوژول گرما می‌دهد. تغییر انرژی داخلی آب درون مخزن در این مدت چند کیلوژول است؟

- (۱) ۴۱۰
(۲) ۷۷۰
(۳) ۱۱۳۰
(۴) ۱۲۵۰

۱۰- مقدار مشتق $\left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_s$ بر حسب خواص قابل اندازه‌گیری، کدام است؟

- (۱) $T \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v + \frac{P}{PC_v}$
(۲) $T \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v - \frac{P}{PC_v}$
(۳) $T \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v + \frac{P}{T} C_v$
(۴) $T \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v - \frac{P}{T} C_v$

۱۱- اگر دانسیته مولی یک مخلوط دوتایی با رابطه تجربی $\rho = a_0 + a_1x_1 + a_2x_1^2$ بیان شود، حجم مولی جزئی ۱ کدام است؟

$$\bar{V}_1 = \frac{1}{\rho^2} [a_0 - a_1 + 2(a_1 - a_2)x_1 + 3a_2x_1^2] \quad (1)$$

$$\bar{V}_1 = \frac{1}{\rho^2} [a_0 - a_1 + 2(a_1 + a_2)x_1 + 3a_2x_1^2] \quad (2)$$

$$\bar{V}_1 = \frac{1}{\rho^2} [a_0 - a_1 - 2(a_1 - a_2)x_1 + 3a_2x_1^2] \quad (3)$$

$$\bar{V}_1 = \frac{1}{\rho^2} [a_0 - a_1 + 3(a_1 - a_2)x_1 + 2a_2x_1^2] \quad (4)$$

۱۲- فشارسنج مخزن هوای یک غواص در عمق ۱۰ متری آب اقیانوس، عدد 200 kPa را نشان می‌دهد. در چه عمقی

از آب بر حسب متر، فشارسنج عدد صفر را نشان خواهد داد؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و $\rho = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$)

(۱) ۲۰ (۲) ۳۰

(۳) ۵۰ (۴) هیچگاه عدد صفر را نشان نخواهد داد.

۱۳- گازی از معادله حالت ویریا اصلاح شده $Z = 1 + \frac{BP}{RT}$ پیروی می‌کند. کدام مورد درباره عبارت $\left(\frac{\partial^2 P}{\partial V^2}\right)_T$ درست است؟

(۱) $\frac{P^2}{6RT}$ (۲) $\frac{P^2}{3RT}$

(۳) $-\frac{P^2}{6RT}$ (۴) $-\frac{P^2}{3RT}$

۱۴- انرژی آزاد گیبس اضافی مولی یک مخلوط دوجزئی، از رابطه $\frac{G^E}{RT} = 2x_1x_2$ پیروی می‌کند. مقدار عبارت

در $x_1 = 0.1$ کدام است؟ ($\mu^E = \mu - \mu^{id}$) $\frac{\mu_2^E - \mu_1^E}{RT}$

(۱) $-1/6$ (۲) $+1/6$

(۳) $+0.8$ (۴) -0.8

۱۵- ۱/۲۸ گرم نفتالین جامد ($C_{10}H_8$) را به طور کامل در یک بمب کالریمتری حاوی اکسیژن می‌سوزانیم. محصولات

احتراق CO_2 گاز و H_2O مایع هستند. مواد اولیه با دمای 300 K و فشار یک اتمسفر وارد شده و محصولات

احتراق نیز در نهایت با دمای 300 K خارج می‌شوند. اگر در این مدت، 12000 کالری گرما به محیط منتقل شود،

گرمای واکنش احتراق نفتالین چند کالری بر مول است؟ جرم مولکولی نفتالین 128 و $R = 2 \frac{\text{cal}}{\text{mol K}}$ است.

(۱) -1040000 (۲) -1198800

(۳) -1200000 (۴) -1201200

۱۶- ضریب تراکم‌پذیری بخار اشباع یک مایع خالص در دمای ۴۰۰K، برابر ۰/۹ و فشار بخار آن $P^{sat} = ۱/۲ \text{ atm}$ است. ضریب فوگاسیته مایع در دمای ۴۰۰K و فشار ۸۰ اتمسفر، تقریباً چقدر است؟ $R = ۸۰ \frac{\text{cm}^3 \text{atm}}{\text{mol K}}$ و

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots \text{ است. } ۴۰ \frac{\text{cm}^3}{\text{mol}}$$

$$۰/۰۳۵ \quad (۱) \quad ۰/۰۱۵ \quad (۲)$$

$$۰/۰۰۳۵ \quad (۳) \quad ۰/۰۰۱۵ \quad (۴)$$

۱۷- یک محلول دوجزئی از حل یک نمک آلی (سازنده اول) در آب (سازنده دوم) در دمای T و فشار P به دست آمده است. ضریب فعالیت آب از رابطه $\ln \gamma_2 = A(1-x_2)^2$ به دست می‌آید که در آن داریم: $\gamma_2 \rightarrow 1$ وقتی که $x_2 \rightarrow 1$. در این رابطه A یک ثابت تجربی است که فقط تابع درجه حرارت است. در صورتی که $\gamma_1 \rightarrow 1$ وقتی $x_1 \rightarrow 0$ ، رابطه $\ln \gamma_1$ کدام است؟

$$Ax_1(1-x_1) \quad (۱) \quad Ax_1(2-x_1) \quad (۲)$$

$$Ax_1(x_1-2) \quad (۳) \quad Ax_1(x_1^2-1) \quad (۴)$$

۱۸- ضریب اکتیویته یک مخلوط دوجزئی از رابطه زیر به دست می‌آید. برای یک مخلوط هم مولار، مقدار تغییر آنالپی در اثر اختلاط (ΔH_{mix}) این مخلوط، کدام است؟

$$\beta = ۱۰۰ + \frac{۴}{T}, \ln \gamma_1 = \beta x_1^2 \text{ و } \ln \gamma_2 = \beta x_2^2$$

$$\Delta H_{mix} = 2R \quad (۱)$$

$$\Delta H_{mix} = R \quad (۲)$$

$$\Delta H_{mix} = \frac{1}{2}R \quad (۳)$$

$$\Delta H_{mix} = \frac{1}{4}R \quad (۴)$$

۱۹- یک مخلوط دوجزئی گازی از معادله حالت زیر پیروی می‌کند. $\ln \hat{\phi}_1$ کدام است؟

$$P(v-b) = RT \text{ و } \frac{1}{b} = \frac{y_1}{b_1} + \frac{y_2}{b_2}$$

$$\left[b - \frac{y_2 b (b_1 - b_2)}{b_1} \right] \frac{P}{RT} \quad (۲)$$

$$\left[b + \frac{y_2 b (b_1 - b_2)}{b_1} \right] \frac{P}{RT} \quad (۱)$$

$$\left[b + \frac{y_2 b^2 (b_1 - b_2)}{b_1 b_2} \right] \frac{P}{RT} \quad (۴)$$

$$\left[b - \frac{y_2 b^2 (b_1 - b_2)}{b_1 b_2} \right] \frac{P}{RT} \quad (۳)$$

۲۰- در یک یخچال، ۱۵ کیلوگرم بر ثانیه آب با دمای ۳۱۵K، به طور کاملاً یکنواخت (SSSF)، به دمای ۳۰۰K می‌رسد. حداقل کار مصرفی یخچال چند کیلووات است؟ گرمای ویژه آب $= ۴ \frac{\text{kJ}}{\text{kgK}}$ فرض شود.

$$\ln 2 = ۰/۷ \text{ و } \ln 3 = ۱/۱ \text{ و } \ln 5 = ۱/۶ \text{ و } \ln 7 = ۱/۹۵$$

$$۳۰ \quad (۱) \quad ۴۵ \quad (۲)$$

$$۶۰ \quad (۳) \quad ۶۳ \quad (۴)$$

مهندسی بیوشیمی پیشرفته (میکروبیولوژی صنعتی و تکنولوژی آنزیم‌ها):

۲۱- ۱۰ بیوراکتور پیوسته (continuous) به صورت سری به هم متصل شده‌اند. خوراکی در شرایط استریل و با غلظت سوبسترای S_0 به اولین بیوراکتور وارد می‌شود. اگر سرعت رقیق شدن بیوراکتورها با D_i و سرعت رشد سلول‌ها با $r_{X,i}$ نشان داده شود، کدام گزینه غلظت سوبسترای خروجی از آخرین بیوراکتور را نشان می‌دهد؟ ($Y_{X/S}$: بازده رشد سلول به مصرف سوبسترا)

$$S_0 - \frac{1}{Y_{X/S}} \cdot \frac{r_{X,10}}{D_{10}} \quad (2) \qquad Y_{X/S} S_0 - \frac{r_{X,10}}{D_{10}} \quad (1)$$

$$S_0 - \frac{1}{Y_{X/S}} \cdot \frac{\sum_{i=1}^{10} r_{X,i}}{\sum_{i=1}^{10} D_i} \quad (4) \qquad S_0 - \frac{1}{Y_{X/S}} \sum_{i=1}^{10} \frac{r_{X,i}}{D_i} \quad (3)$$

۲۲- اگر برای یک فرایند سترون‌سازی، مقدار عددی D (زمان کاهش اعشاری) برابر $1/6$ دقیقه باشد، زمان لازم برای سترون‌سازی 1000 لیتر محیط کشت با جمعیت سلولی اولیه $10^6 \frac{\text{cell}}{\text{mL}}$ ، چند دقیقه است؟

$$(A = 1 \times 10^{36/2} \text{ S}^{-1}, E = 67,7 \frac{\text{Kcal}}{\text{mol}}, R = 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol K}})$$

۱۴ (۱)

۱۹ (۲)

۲۴ (۳)

۲۵/۶ (۴)

۲۳- در یک بیوراکتور پر شده، سرعت تولید مخصوص اتانل از گلوکز $q_p = 0,2$ گرم اتانول بر گرم سلول بر ساعت و غلظت متوسط سلول خشک شده $x = 25$ گرم بر هر لیتر بستر است. اگر میزان رشد ناچیز باشد و اندازه مهره‌ها به مقدار کافی کوچک باشد ($\eta \cong 1$)، ارتفاع ستون برای تبدیل ۹۸ درصد گلوکز در جریان خروجی، چند متر

$$\text{است؟ } (F = 400 \frac{\text{L}}{\text{h}}, S_{0i} = 100 \frac{\text{g}}{\text{L}}, \text{ قطر ستون } 1 \text{ m و } Y_{ps} \cong 0,49 \text{ گرم اتانل بر گرم گلوکز است.)$$

۴/۹ (۱)

۵/۸ (۲)

۶/۳ (۳)

۷/۵ (۴)

۲۴- شدت رشد مخصوص برای رشد بازدارنده یک میکروارگانیسم در سیستم ایستاشیمیایی، با رابطه زیر بیان می‌شود. رابطه غلظت سوبسترای خروجی از سیستم، به‌عنوان تابعی از D کدام است؟

$$\mu = \frac{\mu_m S}{K_s + S + I \frac{K_s}{K_I}}$$

$$(S_o = 10 \frac{g}{L}, K_s = 1 \frac{g}{L}, I = 0.05 \frac{g}{L}, Y_{x/s} = 0.1 \frac{g \text{ سلول}}{g \text{ سوبسترا}}, X_o = 0, K_I = 0.1 \frac{g}{L}, \mu_m = 0.5 \frac{1}{h})$$

$$S = \frac{6D}{0.5 - D} \quad (2)$$

$$S = \frac{5D}{0.4 - D} \quad (1)$$

$$S = \frac{0.3D}{6 - D} \quad (4)$$

$$S = \frac{3D}{0.6 - D} \quad (3)$$

۲۵- در رشد میکرو ارگانیسمی معادله مونود صادق است. چنانچه این میکروارگانیسم در یک یا دو بیوراکتور CSTR رشد کند و سرعت جریان و غلظت سوبسترا در ورودی به ترتیب $500 \frac{L}{h}$ و $85 \frac{g}{L}$ و غلظت سوبسترا در خروجی $5 \frac{g}{L}$ باشد، اگر از دو واحد تخمیر متوالی استفاده شود، برای رسیدن به بالاترین سرعت تولید، واحدهای تخمیر چه حجمی باید داشته باشند؟

$$(Y_{x/s} = 0.65 \text{ و } K_s = 5 \frac{g}{L}, \mu = 0.7 h^{-1})$$

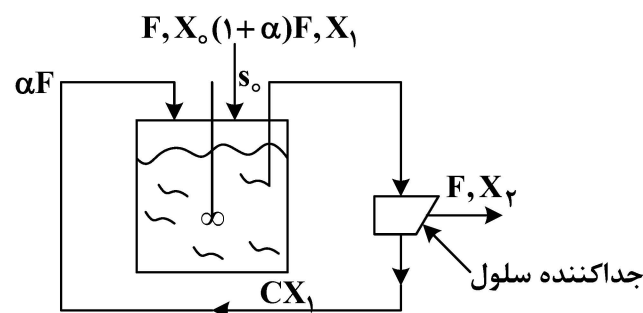
$$V = 1253 L \quad (2)$$

$$V = 1142 L \quad (1)$$

$$V = 1546 L \quad (4)$$

$$V = 1365 L \quad (3)$$

۲۶- در یک روند ایستا شیمیایی با جریان برگشتی سلول، نظیر آنچه در شکل نشان داده شده است، شدت جریان خوراک ورودی و حجم محیط کشت به ترتیب $F = 100 \frac{mL}{h}$ و $V = 1000 mL$ است. سیستم تحت محدودیت گلوکز کار می‌کند و ضریب بهره $Y_{x/s}$ برابر 0.5 گرم وزن خشک سلول بر گرم سوبسترا است. غلظت گلوکز در خوراک ورودی $S_o = 10 \frac{g}{L}$ است. ثابت‌های سینتیکی میکروارگانیسم عبارت است از $K_s = 1 \frac{g}{L}$ و $\mu_m = 0.2 h^{-1}$. ضریب غلظت $C = 1/5$ و نسبت جریان برگشتی $\alpha = 0.7$ است. با شرط پایدار بودن سیستم، سرعت رشد مخصوص میکروارگانیسم کدام است؟



$$0.32 h^{-1} \quad (1)$$

$$0.54 h^{-1} \quad (2)$$

$$0.65 h^{-1} \quad (3)$$

$$0.75 h^{-1} \quad (4)$$

۲۷- برای تهیه یک نوع خمیرمایه، از بیوراکتور کموستات استفاده می‌شود و جهت به‌دست آوردن مقادیر ثابت K_s و μ_m ، سرعت جریان‌های مختلف اعمال و پس از ایجاد حالت تعادل، تغییرات غلظت سلول (x) و غلظت سوبسترا (S) تعیین می‌شود. جدول زیر این تغییرات را نشان می‌دهد. اگر غلظت سوبسترا $100 \frac{g}{L}$ و حجم محیط کشت در بیوراکتور $500 mL$ باشد، برای اینکه بیوراکتور در آستانه تهی شدن قرار گیرد، سرعت جریان باید در چه محدوده‌ای قرار گیرد؟

| | | | | | |
|-----|------|------|------|------|-------------------------------|
| ۲۰۰ | ۹۱ | ۷۱ | ۵۰ | ۳۱ | سرعت جریان $F(\frac{mL}{h})$ |
| ۰/۰ | ۵/۷۶ | ۵/۸۸ | ۵/۹۴ | ۵/۹۷ | غلظت سلول $x(\frac{g}{L})$ |
| ۱۰۰ | ۴/۰ | ۲/۰ | ۱/۰ | ۰/۵ | غلظت سوبسترا $s(\frac{g}{L})$ |

$$\mu_m = 0,26 h^{-1} \text{ و } K_s = 1,37 \frac{g}{L}$$

$$F < 0,128 \frac{L}{h} \quad (1)$$

$$F < 0,258 \frac{L}{h} \quad (2)$$

$$F < 0,342 \frac{L}{h} \quad (3)$$

$$F < 0,401 \frac{L}{h} \quad (4)$$

۲۸- جرم سلول‌های رشته‌ای با کدام رابطه زیر مطابقت دارد؟

$$M = \beta t^2 \quad (2)$$

$$M = \beta t^{1/2} \quad (4)$$

$$M = \beta t^3 \quad (1)$$

$$M = \beta t \quad (3)$$

۲۹- برای یک فرمانتور چند فاز (مایع، جامد، گاز)، کدام یک از چالش‌های زیر مهم‌ترین تأثیر را در طراحی دارد؟

(۲) نرخ انتقال حرارت

(۴) توزیع یکنواخت فاز گاز

(۱) زمان ماند فاز گاز

(۳) نرخ حل شدن فاز جامد

۳۰- ضریب انتقال جرم اکسیژن در نظریه دولایه‌ای، نفوذ عمقی و نظریه سطح قابل تجدید، به ترتیب کدام است؟

$$k_L = (SD_{O_2})^{1/2}, k_L = 2 \left(\frac{D_{O_2}}{\pi t_e} \right)^{1/2}, k_L = \frac{D_{O_2}}{Z_f} \quad (1)$$

$$k_L = \frac{D_{O_2}}{Z_f}, k_L = 2 \left(\frac{D_{O_2}}{\pi t_e} \right)^{1/2}, k_L = (SD_{O_2})^{1/2} \quad (2)$$

$$k_L = (SD_{O_2})^{1/2}, k_L = \frac{D_{O_2}}{Z_f}, k_L = 2 \left(\frac{D_{O_2}}{\pi t_e} \right)^{1/2} \quad (3)$$

$$k_L = \frac{D_{O_2}}{Z_f}, k_L = (SD_{O_2})^{1/2}, k_L = 2 \left(\frac{D_{O_2}}{\pi t_e} \right)^{1/2} \quad (4)$$

۳۱- در یک بیوراکتور آزمایشگاهی، $V = 30 \text{ L}$ و حجم محیط کشت $V_1 = 18 \text{ L}$ است. نسبت سرعت جریان هوا به حجم محیط کشت $(\frac{F}{V})_1 = 2/2 \text{ v.v.m}$ ، $K_v P = 200 \frac{\text{mmol O}_2}{\text{L.h}}$ و ارتفاع مایع در بیوراکتور، $H_L = 1/2 D_t$ و نوع پره‌های همزن، صاف توربینی است. اگر مقیاس صنعتی 40000 L باشد، سرعت همزدن چقدر است؟ (قطر

$$k_L a \propto \frac{F \cdot H_T}{d_B^{3/2} \cdot v_B^{1/2} \cdot V} \text{ (حباب و سرعت حباب در هر دو مخزن یکسان است.)}$$

$$58 \frac{\text{mL}}{\text{h}} \quad (1)$$

$$87 \frac{\text{mL}}{\text{h}} \quad (2)$$

$$94 \frac{\text{mL}}{\text{h}} \quad (3)$$

$$102 \frac{\text{mL}}{\text{h}} \quad (4)$$

۳۲- بالاترین سرعت تولید سلول در بیوراکتورها، با کدام عبارت متناسب است؟

$$x \cdot D_m = \mu_m \left[1 - \sqrt{\frac{k_s}{k_s + s_0}} \right] \quad (2)$$

$$x \cdot D_m = \mu \left[1 - \sqrt{\frac{s_0}{k_s + s_0}} \right] \quad (1)$$

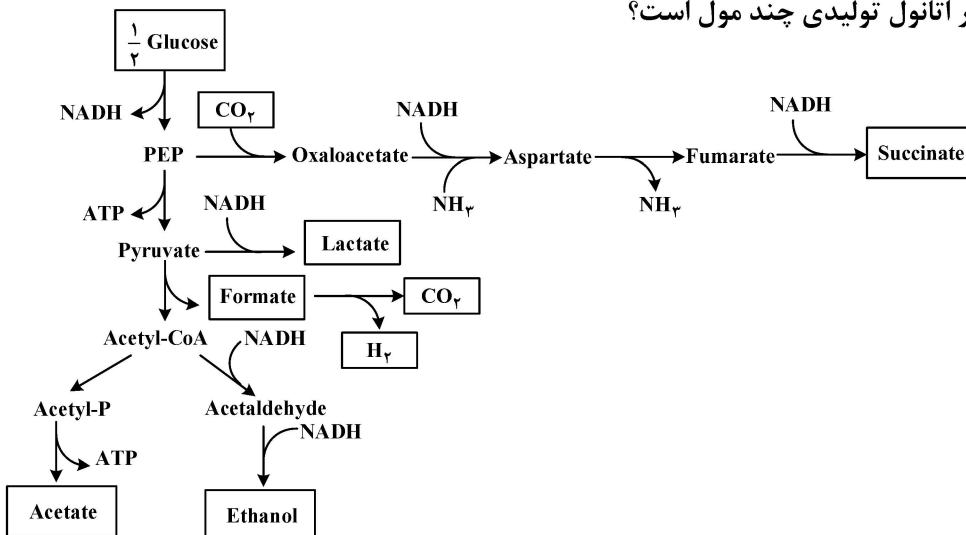
$$x \cdot D_m = \mu_m \left[1 - \sqrt{\frac{s_0}{k_s + s_0}} \right] \quad (4)$$

$$x \cdot D_m = \mu \left[1 - \sqrt{\frac{k_s}{k_s + s_0}} \right] \quad (3)$$

۳۳- در صورتی که $k_L a (c^* - c) \gg q_{O_2} \cdot x$ باشد، مقاومت اصلی در انتقال جرم اکسیژن، در کدام قسمت از سیستم خواهد بود؟

(۱) نسبت $\frac{L}{D}$ (۲) اندازه حباب‌ها (۳) متابولیسم سلولی (۴) نوع بیوراکتور

۳۴- صد مول گلوکز در طی تخمیر بی‌هوازی مخلوط اسیدها در باکتری *اشرشیا کلی* (مطابق شکل)، منجر به تولید ۲ مول فورمات، ۸۰ مول لاکتات، ۱۰ مول سوکسینات، ۴۰ مول استات، ۹۰ مول گاز کربنیک و ۷۵ مول هیدروژن شده است. مقدار اتانول تولیدی چند مول است؟



$$40 \quad (1)$$

$$50 \quad (2)$$

$$80 \quad (3)$$

$$100 \quad (4)$$

۴۱- در روش‌های جداسازی و تخلیص آنزیم‌ها، کدام عبارت به درستی بیان کننده فرایند است؟

(۱) فیلتراسیون ژل، یک روش کروماتوگرافی گازی است.

(۲) فیلتراسیون، ذرات را براساس پتانسیل زتا جداسازی می‌کنند.

(۳) در کروماتوگرافی میل ترکیبی، آنزیم‌ها براساس اندازه جداسازی می‌شوند.

(۴) در کروماتوگرافی میل ترکیبی، می‌توان حجم بالای آنزیم را تخلیص کرد.

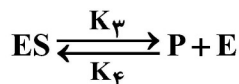
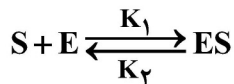
۴۲- در کدام روش مرجع سنجش آنزیم، هنگامی که سوبسترا یا محصول رنگی هستند یا نور در محدوده UV جذب می‌شود، شدت ظاهر شدن یا ناپدید شدن یک محصول یا سوبسترا، قابل اندازه‌گیری است؟

(۱) رادیومتری (۲) فتومتری جذبی (۳) پتانسیومتری (۴) فلورومتری

۴۳- در تولید استریتومايسين، آنزیم اصلی متابولیسم ثانوی که در انتهای تروفوفاز القاء می‌شود، کدام است؟

(۱) آمیلاز (۲) ترانس متیلاز (۳) اکسیدو ردوکتاز (۴) آمیدینو ترانسفراز

۴۴- در تبدیل گلوکز به فروکتوز توسط آنزیم گلوکز ایزومراز، واکنش مرحله تولید نیز به صورت برگشت پذیر، انجام می‌شود. سرعت واکنش با استفاده از روش‌های میکائلیس منتن و بریگ هالدن کدام است؟



$$r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_4 K_2}{K_3 K_1} P \right)}{\frac{K_2 + K_3}{K_1} + S + \frac{K_4}{K_1} P}, \quad r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_4 K_2}{K_3 K_1} P \right)}{\frac{K_2}{K_1} + S} \quad (۱)$$

$$r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_4 K_2}{K_3 K_1} P \right)}{\frac{K_2 + K_3}{K_1} + S + \frac{K_4}{K_1} P}, \quad r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_3 K_1}{K_4 K_2} P \right)}{\frac{K_2}{K_1} + S} \quad (۲)$$

$$r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_3 K_1}{K_4 K_2} P \right)}{\frac{K_1 + K_2}{K_3} + S + \frac{K_3}{K_2} P}, \quad r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_4 K_2}{K_3 K_1} P \right)}{\frac{K_2}{K_1} + S} \quad (۳)$$

$$r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_3 K_1}{K_4 K_2} P \right)}{\frac{K_1 + K_2}{K_3} + S + \frac{K_3}{K_2} P}, \quad r_p = \frac{K_3 e_0 \left(S - \frac{K_3 K_1}{K_4 K_2} P \right)}{\frac{K_3}{K_2} + S} \quad (۴)$$

۴۵- چنانچه در معادله $E + S \xrightleftharpoons[K_{-1}]{K_1} ES \xrightarrow{K_2} E + P$ مقادیر عددی ثابت‌های واکنش به صورت

$$K_{+1} = [S], K_{-1} = K_2 = [S][S]$$

$$\frac{V_{\max}}{3} \quad (۲) \qquad \frac{1}{4} V_{\max} \quad (۱)$$

$$V_{\max} \quad (۴) \qquad \frac{2}{3} V_{\max} \quad (۳)$$

پدیده‌های انتقال:

۴۶- در انتقال جرم گاز دی‌اکسید کربن به داخل آب بر روی یک فیلم ریزان به ضخامت δ ، کدام یک از روابط زیر بیانگر ارتفاع فیلم ریزان برای رساندن غلظت دی‌اکسید کربن در آب از مقدار صفر به غلظت متوسط C_{AL} است؟

$$\bar{V}_z \text{ سرعت متوسط آب در فیلم ریزان}$$

$$C_{Ai} \text{ غلظت دی‌اکسید کربن (A) در سطح فیلم مایع}$$

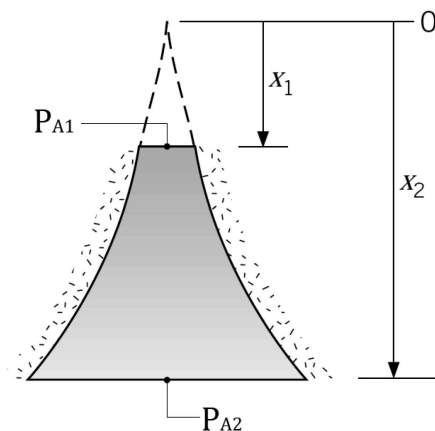
$$K_{av} \text{ ضریب انتقال جرم متوسط در مایع}$$

$$\frac{\bar{V}_z \delta}{K_{av}} \ln \left(\frac{1}{C_{Ai} - C_{AL}} \right) \quad (۲) \qquad \frac{\bar{V}_z \delta}{K_{av}} \ln \left(\frac{C_{Ai}}{C_{Ai} - C_{AL}} \right) \quad (۱)$$

$$\frac{\bar{V}_z \delta}{2K_{av}} \ln \left(\frac{1}{C_{Ai} - C_{AL}} \right) \quad (۴) \qquad \frac{\bar{V}_z \delta}{2K_{av}} \ln \left(\frac{C_{Ai}}{C_{Ai} - C_{AL}} \right) \quad (۳)$$

۴۷- قیف نشان داده شده در شکل، دارای سطح مقطع مدور است. قطر هر مقطع وابسته به مکان محوری بوده و از رابطه

$D = x^{1/5}$ به دست می‌آید. مخلوط گازی هوا و تولوئن در بالا و پایین قیف به آرامی جریان دارد. سرعت جریان‌ها به گونه‌ای است که اغتشاشی درون قیف ایجاد نمی‌شود. فشار جزیی تولوئن در جریان عبوری از روی مقطع کوچک در x_1 و مقطع بزرگ در x_2 به ترتیب P_{A1} و P_{A2} است. نرخ انتقال تولوئن بین دو جریان در حالت پایا کدام است؟ (دما T ، فشار P و ضریب نفوذ تولوئن - هوا D است.)



$$q_A = \frac{D_{AB}}{2RT} \frac{P_{A1} - P_{A2}}{x_2 - x_1} \quad (۱)$$

$$q_A = \frac{D_{AB}}{2RT} \frac{P_{A1} - P_{A2}}{\frac{1}{x_2} - \frac{1}{x_1}} \quad (۲)$$

$$q_A = \frac{D_{AB}}{2RT} \frac{P_{A1} - P_{A2}}{\frac{1}{\sqrt{x_1}} - \frac{1}{\sqrt{x_2}}} \quad (۳)$$

$$q_A = \frac{D_{AB}}{2RT} \frac{P_{A1} - P_{A2}}{\frac{1}{\sqrt{x_2}} - \frac{1}{\sqrt{x_1}}} \quad (۴)$$

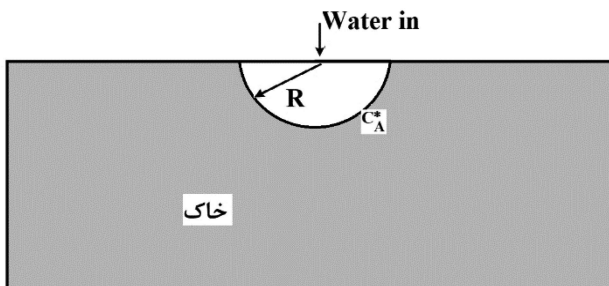
- ۴۸- لایه مرزی انتقال جرم در جریان آرام روی یک سطح افقی را در نظر بگیرید. حرکت سیال در جهت x و انتقال جرم از سطح جامد به داخل هوای جاری روی سطح، انجام می‌شود. کدام عبارت درست است؟
- (۱) لایه مرزی غلظت، تابع x است.
 - (۲) هرچه x بیشتر شود ضریب انتقال جرم از سطح بیشتر می‌شود.
 - (۳) لایه مرزی غلظت مستقل از لایه مرزی سرعت قابل محاسبه است.
 - (۴) هرچه x بیشتر شود مقاومت انتقال جرم در راستای تبخیر از سطح بیشتر می‌شود.

- ۴۹- آب درون لوله‌ای از جنس اسید بنزوئیک جریان می‌یابد. غلظت اشباع اسید بنزوئیک در آب $\frac{kg}{m^3}$ $\frac{1}{15}$ و شدت جریان حجمی آب $\frac{m^3}{s}$ 10^{-5} است. پس از گذشت 10^4 ثانیه، جریان آب را قطع و لوله را خشک کرده و وزن می‌کنیم. وزن لوله kg 0.1 کاهش یافته است. اگر قطر و طول لوله به ترتیب 0.1 و 1 متر باشد، ضریب همرفت انتقال جرم K_L بر حسب $\frac{m}{s}$ به کدام گزینه نزدیکتر است؟

$$(1) \frac{10^{-3}}{2\pi} \quad (2) \frac{10^{-3}}{\pi}$$

$$(3) 2 \times \frac{10^{-3}}{\pi} \quad (4) 3 \times \frac{10^{-3}}{\pi}$$

- ۵۰- هیدروژل نیم‌کره، مانند شکل در زمین کشاورزی قرار گرفته است. خاک در تماس با سطح هیدروژل از آب اشباع است. اگر غلظت آب در خاک اشباع شده با آب C_A^* باشد، نرخ تزریق آب به هیدروژل برای مرطوب نگهداشتن پایای زمین کشاورزی کدام است؟ (در نقاط دور از هیدروژل، خاک خشک است.)



$$(1) \frac{\pi D R C_A^*}{4}$$

$$(2) \frac{\pi D R C_A^*}{2}$$

$$(3) 2\pi D R C_A^*$$

$$(4) 4\pi D R C_A^*$$

- ۵۱- در لوله‌ای که انتقال جرم جزء A بین دیواره لوله و سیال اتفاق می‌افتد، شرط توسعه‌یافتگی (Fully Developed) غلظت کدام است؟ ($C_A =$ غلظت جز A در هر نقطه، $C_{AS} =$ غلظت جزء A در دیواره داخلی لوله و $C_{Ab} =$ غلظت بالک یا غلظت توده جز A و x راستای محور لوله است.)

$$(1) \frac{\partial}{\partial x} \left[\frac{C_A - C_{Ab}}{C_{As} - C_{Ab}} \right] = 0$$

$$(2) \frac{\partial}{\partial x} \left[\frac{C_A - C_{As}}{C_{Ab} - C_{As}} \right] = 0$$

$$(3) \frac{\partial}{\partial x} \left[\frac{C_A}{C_{Ab}} \right] = 0$$

$$(4) \frac{\partial}{\partial x} \left[\frac{C_A}{C_{As}} \right] = 0$$

۵۲- تبخیر آب به داخل هوای خشک در محیط ساکن هوا را در دو دمای 5°C و 70°C در نظر بگیرید. کدام یک از عبارات زیر در ارتباط با توزیع غلظت بخار آب روی سطح (رابطه غلظت با فاصله از سطح) درست است؟

(۱) توزیع غلظت در هر دو دما خطی است.

(۲) توزیع غلظت در هر دو دما غیرخطی است.

(۳) توزیع غلظت در دمای کمتر غیرخطی و در دمای بیشتر خطی است.

(۴) توزیع غلظت در دمای کمتر خطی و در دمای بیشتر غیرخطی است.

۵۳- ضخامت لایه مرزی غلظت برای جریان آرام آب روی استوانه از جنس اسید بنزویک، چند برابر ضخامت لایه مرزی سرعت است؟ برای آب - اسید بنزویک $Sc = 1000$.

(۱) 0.1 (۲) $0.1\sqrt{10}$

(۳) 10 (۴) $10\sqrt{10}$

۵۴- در مورد حل شدن اسید بنزویک از جداره داخلی لوله به داخل جریان آب عبوری از لوله که با جریان آرام عبور می‌کند، رخ دادن کدام یک از حالت‌های زیر امکان‌پذیر نیست؟

(۱) توزیع سرعت و توزیع غلظت هر دو توسعه‌یافته شوند.

(۲) توزیع سرعت و توزیع غلظت هر دو در حال توسعه باشند.

(۳) توزیع غلظت توسعه‌یافته شود ولی توزیع سرعت در حال توسعه باشد.

(۴) توزیع سرعت توسعه‌یافته شود ولی توزیع غلظت در حال توسعه باشد.

۵۵- دیواره‌ای بزرگ به ضخامت $L = 5\text{ cm}$ را در نظر بگیرید. سمت چپ دیواره عایق‌بندی شده و سمت راست دیواره در 35°C ثابت نگهداشته می‌شود. در این دیواره حرارت با شدت $\dot{g} = g_0 \cdot \exp\left(\frac{-0.5x}{L}\right)$ تولید می‌شود. با فرض انتقال حرارت یک‌بعدی پایا، درجه حرارت سطح سمت چپ دیواره به کدام مورد نزدیک‌تر است؟

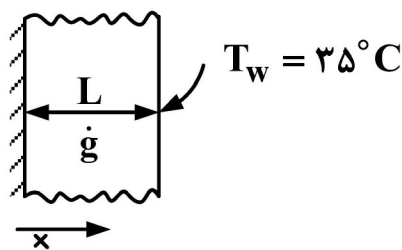
$$g_0 = 8 \times 10^6 \frac{\text{W}}{\text{m}^3}, e^{-0.5} = 0.6, k = 50 \frac{\text{W}}{\text{m}^{\circ}\text{C}}$$

(۱) 150° درجه سانتی‌گراد

(۲) 200° درجه سانتی‌گراد

(۳) 250° درجه سانتی‌گراد

(۴) 300° درجه سانتی‌گراد



۵۶- دو میله بلند به صورت پره با قطرهای یکسان از دو جنس متفاوت (با ضرایب انتقال حرارتی هدایتی k_1 و k_2) به دیواره‌ای با دمای پایه T_w متصل شده‌اند. اگر دمای میله اول در فاصله L_1 از پایه برابر T_1 باشد، دمای میله دوم در چه فاصله‌ای از دیوار برابر T_1 خواهد شد؟ (دمای محیط T_{∞} و ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی محیط h است).

$$L_2 = \sqrt{\frac{k_2 \cdot L_1}{k_1}} \quad (2) \qquad L_2 = \sqrt{\frac{k_1 \cdot L_1}{k_2}} \quad (1)$$

$$L_2 = \left(\sqrt{\frac{k_2}{k_1}} \right) \cdot L_1 \quad (4) \qquad L_2 = \left(\sqrt{\frac{k_1}{k_2}} \right) \cdot L_1 \quad (3)$$

۵۷- یک صفحه فلزی به ضخامت ۲ سانتی‌متر و دمای T_i ، به‌طور ناگهانی از طرفین در معرض هوای 20° درجه سانتی‌گراد قرار می‌گیرد. با توجه به اطلاعات زیر، اگر دمای این صفحه پس از ۲۰ دقیقه برابر 90° درجه سانتی‌گراد باشد، مقدار دمای اولیه صفحه فلزی (T_i) به کدام مورد نزدیک‌تر است؟ عدد نپر (e) را برابر ۲/۵ در نظر بگیرید.

$$C_p = 450 \frac{J}{kg \cdot C^\circ}, \quad k = 30 \frac{W}{m \cdot C^\circ}, \quad \rho = 8000 \frac{kg}{m^3}, \quad h = 30 \frac{W}{m^2 \cdot C^\circ}$$

(۱) 275° درجه سانتی‌گراد

(۲) 250° درجه سانتی‌گراد

(۳) 200° درجه سانتی‌گراد

(۴) 150° درجه سانتی‌گراد

۵۸- یک مبدل حرارتی از تعدادی کانال مستطیلی شکل به ابعاد ۲ متر در ۱ متر تشکیل شده است که به‌صورت یک در میان دو سیال آب و هوا از میان کانال‌ها در حال عبور هستند. ضریب رسانش آب معادل $k = 0.5 \frac{W}{m \cdot K}$ و ضریب رسانش هوا

معادل $k = 0.05 \frac{W}{m \cdot K}$ است. اگر مقدار عدد ناسلت برای هر دو سیال معادل $Nu = 200$ باشد، ضریب انتقال حرارت کلی مبدل حدوداً چقدر است؟

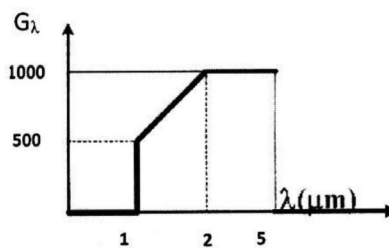
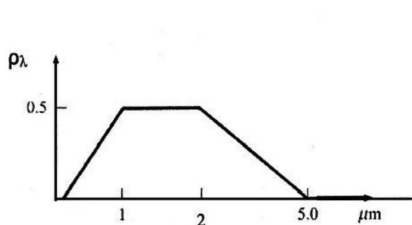
(۱) ۷

(۲) ۱۰

(۳) ۷۵

(۴) ۸۳

۵۹- سطحی با ضریب بازتاب نشان داده شده در شکل، در معرض تابش حرارتی (G_λ) مطابق شکل قرار دارد. اگر ضریب عبور جسم صفر باشد، مقدار ضریب جذب متوسط چقدر است؟ (G_λ از ۵ میکرون به بعد صفر است.)



(۱) ۰/۳

(۲) ۰/۴

(۳) ۰/۵۵

(۴) ۰/۷

۶۰- هوا در 20° درجه سانتی‌گراد و فشار اتمسفریک از روی یک صفحه افقی که در دمای 60° درجه سانتی‌گراد ثابت نگهداشته شده است، با سرعت $2 \frac{m}{s}$ عبور می‌کند. ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی متوسط در طول 40 سانتی‌متری

این صفحه برحسب $\frac{W}{m^2 \cdot C^\circ}$ چقدر است؟

$$\text{جریان آرام} = Nu_x = \frac{h_x \times x}{k} = 0.332 (Re_x)^{1/2} (Pr)^{1/3}$$

$$\text{جریان درهم} = Nu_x = \frac{h_x \times x}{k} = 0.296 (Re_x)^{1/2} (Pr)^{1/3}$$

$$\text{خواص فیزیکی هوا در دمای } 40^\circ C \left\{ \begin{array}{l} v = 2 \times 10^{-5} \frac{m^2}{s} \\ Pr = 1 \\ k = 0.2 \frac{W}{m \cdot C^\circ} \end{array} \right.$$

(۱) ۳۳/۲

(۲) ۱۶/۶

(۳) ۱۳۲/۸

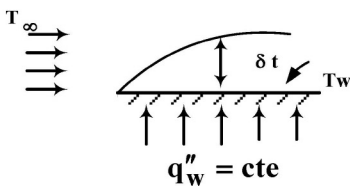
(۴) ۶۶/۴

۶۱- یک صفحه آلومینیومی که ضریب نشر یا emissivity در هر دو طرف آن برابر ۰/۱ است، ما بین دو صفحه موازی خیلی بزرگ قرار داده می‌شود. صفحه اول دارای ضریب نشر ۰/۲ و صفحه دوم دارای ضریب تابش ۰/۵ است. صفحه اول در دمای ۸۰۰K و صفحه دوم در دمای ۷۰۰K ثابت نگهداشت می‌شود. مقدار خالص شار تشعشعی بین دو صفحه اول

و دوم یا $(q_{۱۲})$ چند وات بر مترمربع است؟ ثابت استفان بولتزمن را برابر $\frac{W}{m^2 K^4} \times 10^{-8}$ در نظر بگیرید.

| | | | | |
|--------------------|------------------------|------------------------|--------------------|---------|
| $\epsilon_1 = 0.2$ | $\epsilon_{۳,۱} = 0.1$ | $\epsilon_{۳,۲} = 0.1$ | $\epsilon_2 = 0.5$ | ۳۳۹ (۱) |
| $T_1 = 800K$ | | | $T_2 = 700K$ | ۳۵۷ (۲) |
| | | | | ۲۱۶ (۳) |
| | | | | ۲۵۲ (۴) |

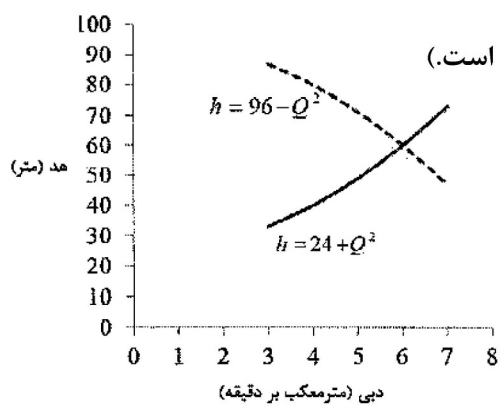
۶۲- در انتقال حرارت جابه‌جایی سیال از روی صفحه صاف مطابق شکل، شرط مرزی شار حرارتی ثابت در دیواره حاکم است. $(q''_w = \text{ثابت})$. با فرض جریان آرام سیال در چه طول بی‌بعدی $(\frac{x}{L})$ دمای موضعی سطح با دمای متوسط در طول L ، برابر می‌شود؟



موضعی $NU_x = a Re_x^{1/2} Pr^{1/3}$
متوسط $NU_L = b Re_L^{1/2} Pr^{1/3}$

- (۱) $\frac{a}{b}$
- (۲) $(\frac{a}{b})^2$
- (۳) $\frac{b}{a}$
- (۴) $(\frac{b}{a})^2$

۶۳- با توجه به نمودار زیر که مربوط به پمپی برای پمپاژ آب با چگالی $\frac{kg}{m^3} \times 1000$ است، توان لازم برای کار کردن پمپ



چند کیلووات است؟ (در صورت نیاز بازده ۸۰٪ بوده و $g = 10 \frac{m}{s^2}$ است.)

- (۱) ۰/۰۶
- (۲) ۶۰
- (۳) ۰/۰۷۵
- (۴) ۷۵

۶۴- معادله مومنتوم لایه مرزی ناشی از حرکت سیال به صورت $u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} = \nu \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}$ است. با توجه به متغیرهای بی بعد

سیماتیک است.) $x^* = \frac{x}{L}, y^* = \frac{y}{L}, u^* = \frac{u}{u_\infty}, v^* = \frac{v}{u_\infty}$ کدام مورد فرم بی بعد معادله مومنتوم را نشان می دهد؟ (۷ ویسکوزیته

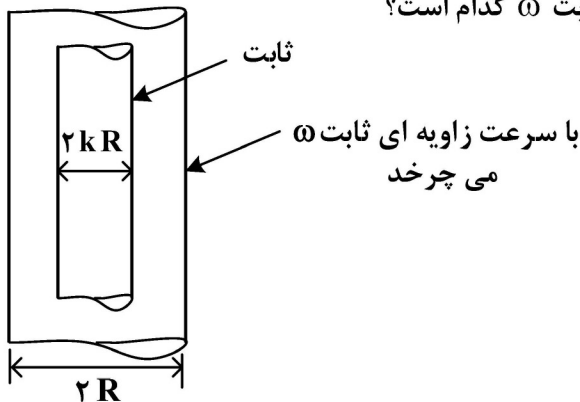
$$u^* \frac{\partial u^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial u^*}{\partial y^*} = \frac{1}{Re_L} \frac{\partial^2 u^*}{\partial y^{*2}} \quad (1)$$

$$u^* \frac{\partial u^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial u^*}{\partial y^*} = Re_L \frac{\partial^2 u^*}{\partial y^{*2}} \quad (2)$$

$$u^* \frac{\partial u^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial u^*}{\partial y^*} = \frac{1}{(Re_L)^2} \frac{\partial^2 u^*}{\partial y^{*2}} \quad (3)$$

$$u^* \frac{\partial u^*}{\partial x^*} + v^* \frac{\partial u^*}{\partial y^*} = (Re_L)^2 \frac{\partial^2 u^*}{\partial y^{*2}} \quad (4)$$

۶۵- مطابق شکل دو سیلند هم مرکز، سیلندر داخلی ثابت و سیلندر بیرونی با سرعت زاویه ای ثابت ω می چرخد. گشتاور مورد نیاز برای چرخش سیلندر بیرونی با سرعت زاویه ای ثابت ω کدام است؟



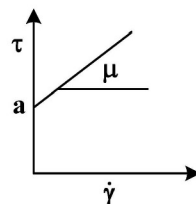
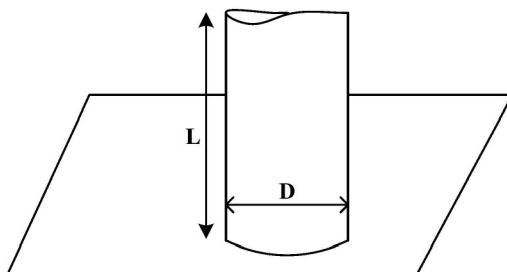
$$4\pi\mu\omega R^3 \left(\frac{k^2}{1-k^2}\right) \quad (1)$$

$$4\pi\mu\omega R^3 \left(\frac{k^2}{1-k^2}\right) \quad (2)$$

$$4\pi\mu\omega R^3 \left(\frac{k^2}{1-k^2}\right) \quad (3)$$

$$4\pi\mu\omega R^3 \left(\frac{k^2}{1-k^2}\right) \quad (4)$$

۶۶- استوانه نشان داده شده از سیالی با دانسیته ρ پر شده است که تغییرات تنش بر حسب کرنش آن مطابق شکل است. در چه صورتی اگر صفحه برداشته شود سیال خواهد ریخت؟



$$\rho g D < 4a \quad (1)$$

$$\rho g D > 4a \quad (2)$$

$$\rho g D = 2a \quad (3)$$

$$\rho g D = 4a \quad (4)$$

۶۷- معادله خط جریان سیال تراکم‌ناپذیر و دوبعدی به صورت زیر است. در صورتی که سرعت در جهت y در نقطه $P(1, 2)$ برابر ۴ متر بر ثانیه باشد، مقدار سرعت کل در همان نقطه چندمتر بر ثانیه خواهد بود؟ (α مقدار ثابت است).

$$x^2 + y^2 = \alpha y$$

(۱) ۴

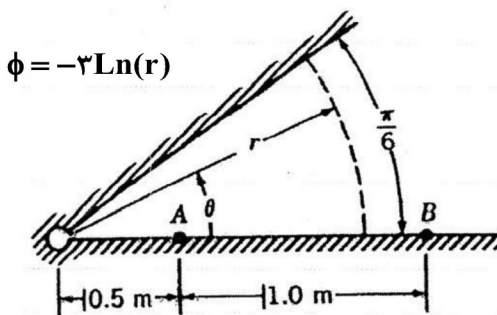
(۲) ۵

(۳) ۶

(۴) ۸

۶۸- سیال ایده‌آل و تراکم‌ناپذیری مطابق شکل، از بین جداره‌ای گوه‌ای شکل به سوی مرکز آن جریان دارد. تابع پتانسیل بر حسب مترمربع بر ثانیه ($\frac{m^2}{s}$) به صورت زیر داده شده است. اختلاف فشار بین نقطه A و B ،

$(p_B - p_A)$ کدام است؟



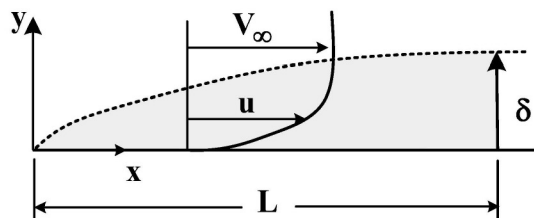
(۱) 3ρ

(۲) 8ρ

(۳) 9ρ

(۴) 16ρ

۶۹- جریان سیال تراکم‌ناپذیر آرامی مطابق شکل، بر روی صفحه تخت برقرار شده و لایه مرزی تشکیل می‌شود. اگر اندازه تنش برشی در نقطه x_2 نصف اندازه آن در نقطه x_1 باشد، نسبت فاصله‌ها $\frac{x_2}{x_1}$ چقدر است؟



(۱) $2\sqrt{2}$

(۲) ۲

(۳) ۴

(۴) ۸

۷۰- سیالی با ویسکوزیته $10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$ و دانسیته $500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ در لوله‌ای به قطر 1 cm در حال عبور است. اگر سرعت

سیال برابر $1 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ و زبری لوله برابر 0.3 mm باشد، ضریب اصطکاک دارسی (f) چقدر است؟

(۱) $1/28$

(۲) $1/3$

(۳) 0.008

(۴) 0.006

