کد کنترل







عصر پنجشنبه ۱۴۰۳/۱۲/۰۲

دفترچه شماره ۳ از ۳



جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فنّاوری سازمان سنجش آموزش کشور «علم و تحقیق، کلید پیشرفت کشور است.» مقام معظم رهبری

# آزمون ورودی دورههای دکتری (نیمهمتمرکز) ـ سال ۱۴۰۴ مهندسی مکانیک (۲) \_ (کد ۲۳۲۳)

مدتزمان پاسخگویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ١٢٠ سؤال

#### عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالها

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
١	رياضيات مهندسي	۱۵	١	۱۵
۲	ترموديناميك	۱۵	18	٣٠
٣	مکانیک سیالات پیشرفته ـ ترمودینامیک پیشرفته	٣٠	٣١	۶٠
۴	دینامیک پیشرفته _ارتعاشات پیشرفته _کنترل پیشرفته	٣٠	۶۱	٩٠
۵	برنامهریزی ریاضی پیشرفته ـ تکنولوژی پینج و تحلیل اگزرژی ـ تحلیل سیستمهای انرژی	٣٠	91	17+

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات کادر زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ......... با شماره داوطلبی ....... با آگاهی کامل، یکسانبودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کدکنترل درجشده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.

امضا:

#### رياضيات مهندسي:

است؟ 
$$\sum_{n=1}^{\infty}a_{n}^{\gamma}$$
 مقدار  $\left|\sin x\right|=rac{1}{\gamma}a_{\circ}+\sum_{n=1}^{\infty}a_{n}\cos( au n x)$  کدام است؟ -۱

$$1-\frac{\lambda}{\pi^{r}}$$
 (1

$$1-\frac{r}{\pi^r}$$
 (7

$$1 + \frac{r}{\pi^r}$$
 (r

$$1 + \frac{\lambda}{\pi^{\gamma}}$$
 (4

$$\mathbf{w} = \mathbf{w}$$
 به ازای  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  کدام است  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  کدام است  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  کدام است  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  به ازای  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  به ازای  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  کدام است  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$  خدام است  $\mathbf{w} = \mathbf{w}$ 

$$f(A+B)$$
 (1

اگر 
$$\frac{dp(w)}{dw}$$
 کدام است؟  $f(x) = \int_{0}^{\infty} q(w)\sin(wx)\,dw$  کدام است؟  $f(x) = \int_{0}^{\infty} p(w)\cos(wx)dw$ 

$$-q(w)$$
 ()

$$\frac{-q(w)}{r}$$
 (7

$$\frac{q(w)}{r}$$
 (r

است؟ 
$$\pi(y''-y) = \frac{-1}{t^{7}+1}$$
 تبدیل فور یه جواب معادله دیفرانسیل  $\pi(y''-y) = \frac{-1}{t^{7}+1}$ 

$$y(w) = (w^{\gamma} + 1)e^{-w} (1)$$

$$y(w) = w^{r}e^{-w}$$
 (7

$$y(w) = \frac{e^{-w}}{w^{r}} (r^{w})$$

$$y(w) = \frac{e^{-w}}{w^{\gamma} + v} (\varphi$$

فرض کنید  $\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y})$  جواب ناصفر (غیربدیهی) حاصل از روش ضربی (تفکیک متغیرها) برای حل معادله  $\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y})$  جواب ناصفر (غیربدیهی) حاصل از روش ضربی  $\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathbf{u}$  با شرایط مرزی  $\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathbf{u}$  با شرایط مرزی  $\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = \mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{y})$  باشد. کدام مورد درست است؟

$$u(x,y) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{k_n \sin(nx)}{y^n \sqrt{y}}$$
 (1)

$$u(x,y) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{k_n \sin(nx)}{\sqrt{y^{n^{\tau}-1}}}$$
 (7

$$u(x,y) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{k_n \sin(nx)}{\sqrt{v^{n_{+1}}}}$$
 (\*\*

$$u(x,y) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{k_n \sqrt{y} \sin(nx)}{y^n}$$
 (4)

۶- پتانسیـل الکتـرواستاتیک بر روی نیم دایره های بالایی و پایینی یک دایره به مرکز مبدأ مختصات و شـعاع واحـد،

. اســت.  $u(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$  به تر تیب،  $e(r,\theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n (A_n \cos(n\theta) + B_n \sin(n\theta))$ 

كدام مورد، درست است؟

$$A_n = \circ$$
 ,  $B_n = \frac{\Upsilon((-1)^n - 1)}{n\pi}$  (1)

$$A_n = \circ$$
 ,  $B_n = \frac{(-1)^n - 1}{n\pi}$  (Y

$$A_n = V_g$$
  $B_n = \frac{V - (-V)^n}{n\pi}$  (Y

$$A_n = 1$$
 ,  $B_n = \frac{Y(1 - (-1)^n)}{n\pi}$  (4)

هیوی ساید است.)

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{1} s^{7} \sin(ws) \cos(\tau wt) \sin(wx) ds dw$$
 (1)

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{1} s^{7} \cos(ws) \cos(\pi wt) \cos(wx) ds dw$$
 (7

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{1} s^{7} \cos(ws) \cos(\pi wt) \sin(wx) dwds$$
 (\*\*

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{1} s^{7} \cos(ws) \cos(\pi wt) \cos(wx) dwds$$
 (f

دارای جــواب 
$$\begin{cases} u_t - u_{xx} = f(x,t), \circ < x < \pi, t > \circ \\ u(x,\circ) = u_x(\circ,t) = u(\pi,t) = \circ \end{cases}$$
 دارای جــواب حــواب  $\begin{cases} u_t - u_{xx} = f(x,t), \circ < x < \pi, t > \circ \\ u(x,\circ) = u_x(\circ,t) = u(\pi,t) = \circ \end{cases}$ 

باشد. اگر 
$$u(\frac{\tau\pi}{\tau},\tau)$$
، آنگاه مقدار  $u(x,t)=\sum_{n=1}^{\infty}u_n(t)\cos(\frac{(\tau n-1)x}{\tau})$  باشد. اگر  $u(x,t)=\sum_{n=1}^{\infty}u_n(t)\cos(\frac{(\tau n-1)x}{\tau})$ 

$$\frac{e^{17}-1}{5e^{11}}$$
 (1

$$\frac{e^{17}-1}{7e^{11}} (7$$

$$\frac{r(e^{11}-1)}{11e^{17}}$$
 (8

$$\frac{f(e^{11}-1)}{11e^{17}} (f$$

9- فرض کنید 
$$z \neq -1$$
 تحلیلی باشد. مقدار  $f'(z) = \frac{x^7 + y^7 + x}{(x+1)^7 + y^7} + iv(x,y)$  به ازای  $z \neq -1$  تحلیلی باشد. مقدار (۱) کدام است؟

۱) صفر

است؟ 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}(\pi+7i)^{7n-1}}{(7n-1)!}$$
 کدام است؟ -۱۰

$$-i \sinh(\Upsilon)$$
 (1

است؟ 
$$f(z) = e^z \sinh(\frac{1}{z})$$
 مانده  $z = 0$  مانده  $f(z) = e^z \sinh(\frac{1}{z})$ 

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(rn+1)^r!} (1$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(7n)^{7}!} (7n)^{n}$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n+1)!}{((n+1)!)^{r}} (r)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{rn}{((rn)!)^{r}} \ (r$$

است؟ 
$$\mathbf{f}(\mathbf{z}) = \sin(\mathbf{z} + \frac{1}{\mathbf{z}})$$
 در سری لوران  $\mathbf{z}^n$  کدام است؟

$$\frac{1}{\pi} \int_{0}^{7\pi} \sin(7\cos\theta) \cos(n\theta) d\theta$$
 (1)

$$\frac{7}{\pi} \int_{0}^{7\pi} \sin(7\cos\theta) \cos(n\theta) d\theta$$
 (7

$$\frac{1}{7\pi} \int_{0}^{\pi} \sin(7\cos\theta) \cos(n\theta) d\theta$$
 (\*\*

$$\frac{1}{\pi}\int_{0}^{\pi}\sin(7\cos\theta)\cos(n\theta)d\theta$$
 (\$

است؟ 
$$\oint \frac{\tanh(z+1)}{e^z \sin(z)} dz$$
 مقدار -۱۳

$$\forall \pi i \tanh(1) (\forall$$

است؟ مقدار 
$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\sin^{7}(\pi x) dx}{x^{7} + 7x + 7}$$
 کدام است?

$$\frac{\pi}{r}(\cosh(r\pi)-1)$$
 (1

$$\frac{\pi}{r}(\cosh(r\pi)+1)$$
 (r

$$\frac{\pi(e^{\tau\pi}-1)}{\tau e^{\tau\pi}} \ (\tau$$

$$\frac{\pi(e^{\tau\pi}+1)}{\tau e^{\tau\pi}} \ (\tau$$

$$(\mathbf{w} = \mathbf{u} + \mathbf{i}\mathbf{v})$$
 و  $\mathbf{z} = \mathbf{x} + \mathbf{i}\mathbf{y}$  و  $\mathbf{w} = \frac{\mathbf{z} + \mathbf{v}}{\mathbf{v}}$  و  $\mathbf{v} = \mathbf{v} + \mathbf{v}$  و  $\mathbf{z} = \mathbf{v} + \mathbf{v}$  و  $\mathbf{v} = \mathbf{v} + \mathbf{v}$ 

$$V = -\frac{1}{\epsilon}$$
 (1)

$$u = -\frac{1}{r} (r$$

$$-\mathbf{r}\mathbf{u} + \mathbf{r}\mathbf{v} = \mathbf{o}$$
 ( $\mathbf{r}$ 

$$|w| = \frac{\sqrt{\Delta}}{r} (r$$

### ترمودینامیک:

## **16− كدام مورد درست است؟**

- ۱) آنتالپی گاز کامل و آنتالپی سیالات تراکمناپذیر، مستقل از فشار است.
- ۲) آنتالپی گاز کامل و آنتروپی سیالات تراکمناپذیر، فقط و فقط تابع دما است.
- ۳) انرژی داخلی و آنتروپی گازهای کامل و سیالات تراکمناپذیر، مستقل از فشار است.
- ۴) برای سیالات تراکمنایذیر انرژی داخلی و برای گازهای کامل انرژی داخلی، آنتالیی و آنترویی مستقل از فشار است.
- ۱۷ دو مخزن صلب و کاملاً عایق با حجمهای مساوی توسط یک شیر اتصال به هم وصل هستند. در مخزن اول، یک گاز کامل در دمای  $\mathbf{K} \circ \mathbf{K}$  و فشار  $\mathbf{K} \circ \mathbf{K}$  بار وجود دارد. در مخزن دوم، خلاً کامل داریم. اگر شیر اتصال بین دو مخزن را باز کنیم تا به تعادل کامل برسیم، به تر تیب، فشار نهایی (برحسب بار) و دمای نهایی (برحسب کلوین) چقدر است؟
  - ۱) ۵/۲ و ۳۲۰
  - **7** ∘ ∘ ∘ **7** / Δ (**7** 
    - 770 g f (T
  - ۴) چون جنس گاز معلوم نیست، نمی توان اظهارنظر کرد.
- ۱۸ در یک فرایند بازگشت پذیر، فشار ثابت برای یک سیستم (بسته) یا جرم کنترل، مقدار تبادل گرمایی با محیط برابر کدام است؟
  - ۲) مقدار تغییرات انرژی داخلی
- ۱) مقدار تغییرات انرژی آزاد گیبس

۴) مقدار کار انجام شده

- ٣) مقدار تغييرات آنتاليي
- جریانی به شدت ۵ و آنتالپی مخصوص ۳ بهصورت کاملاً یکنواخت (پایدار یا SSSF) وارد یک حجم کنترلشده و با جریان دیگری با شدت ۳ و آنتالپی مخصوص ۱۰ مخلوط میشود. جریان خروجی دارای آنتالپی مخصوص ۲۰ میباشد. درون حجم کنترل یک همزن با توان مصرفی ۱۰۰ کار میکند. شدت تبادل گرما با حجم کنترل چقدر است؟ (واحدها همه هم آهنگ و اختیاری است.)
  - 10 (1
  - ۷۵ (۲
  - 710 (4
  - 270 (4

در دمای گازی معادله حالت  $\Delta s$  صحیح است که در آن b عدد ثابتی است. در این صورت  $\Delta s$  آن در دمای b ثابت کدام است؟

$$R \ln \frac{V_{\text{Y}}}{V_{\text{I}}}$$
 (1  $R \ln \frac{P_{\text{Y}}}{P_{\text{I}}}$  (1

$$R \ln \frac{P_{\gamma}}{P_{\gamma}}$$
 (\*

معادله حالت گازی از رابطه p(v-b) = RT پیروی میکند که در آن b عدد ثابتی است. برای یک تحول دما ثابت  $\Delta H$  برابر کدام است؟

$$bRT(\frac{1}{V_1} - \frac{1}{V_{\gamma}}) \ (\Upsilon \\ bRT(\frac{1}{V_{\gamma}} - \frac{1}{V_{\gamma}}) \ (\Upsilon \\ b(P_{\gamma} - P_{\gamma}) \ (\Upsilon \\ b(P_{\gamma} - P_{\gamma})) \ ($$

معادله  $^{\circ}$  یک مخلوط گازی در دمای  $^{\circ}$  و فشار  $^{\circ}$  دارای ضریب تراکمپذیری ( $^{\circ}$ ) برابر  $^{\circ}$  است. اگر برای این گاز معادله ویریال به شکل  $^{\circ}$  است؟ را صادق فرض کنیم، به طور تقریبی ضریب فوگاسیته آن چقدر است؟

$$Exp(x) = 1 + x + \frac{x^{7}}{7!} + \cdots$$

 $^{\circ}/\Lambda ۶$  (۳) با این اطلاعات قابل محاسبه نیست.

۳۲ - تابع آنتروپی باقیمانده (پسماند) یا  $\Delta s' = -s^R = s' - s = s^{ig} - s$  برای یک گاز واقعی برابر کدام است

$$\int_{\circ}^{P} \left[ \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_{P} + \frac{R}{P} \right] dP \quad (\Upsilon$$

$$\int_{\circ}^{P} \left[ \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_{P} - \frac{R c_{v}}{c_{P} \times P} \right] dP \quad (\Upsilon$$

$$\int_{\circ}^{P} \left[ \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_{P} - \frac{R}{P} \right] dP \quad (\Upsilon$$

$$\int_{\circ}^{P} \left[ \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_{P} - \frac{v}{T} \right] dP \quad (\Upsilon$$

۳۲– یک سیلندر و پیستون بدون اصطکاک و غیرعایق شده حاوی  $^{\circ}$  کیلوگرم مایع اشباع با کیفیت ۱۰ درصد است. کل دستگاه در دمای  $^{\circ}$  ۲۵ $^{\circ}$  قرار دارد و بر روی پیستون به اندازه کافی وزنه گذاشته ایم که فشار وارد از طرف پیستون بر مایع دقیقاً برابر فشار اشباع مایع در این درجه حرارت است. اگر یک وزنه بسیار کوچک به وزنههای روی پیستون اضافه کنیم و به مقدار زیادی صبر کنیم، این سیلندر و پیستون به مطور تقریبی چه مقدار گرما (برحسب کیلوژول) با محیط مبادله خواهد کرد؟ (داده ها برحسب کیلوژول بر کیلوگرم عبار تند از:  $^{\circ}$  ۱۵ $^{\circ}$  ۱۵ $^{\circ}$  کرد؟ (داده ها برحسب کیلوژول بر کیلوگرم عبار تند از:  $^{\circ}$  ۱۵ $^{\circ}$  ا

40 (1

۵۵ (۲

۶۵ (۳

۴) تقریباً صفر

۲۵ کدام رابطه، تعریف دقیقی برای دمای بویل است؟

$$\lim_{P\to\circ}(\frac{\partial z}{\partial T})_P=\circ \ (\Upsilon \qquad \qquad \lim_{P\to\circ}(\frac{\partial v}{\partial T})_P=\circ \ (\Upsilon )$$

$$\lim_{P \to \infty} (\frac{\partial z}{\partial P})_T = 0 \quad (4)$$

$$\lim_{P \to \infty} (\frac{\partial v}{\partial P})_T = 0 \quad (4)$$

است؟  $(\frac{\partial \mathbf{s}}{\partial \mathbf{p}})_{\mathrm{T}}$  برای یک واحد جرم ماده تکفازی، تابع

$$-\frac{c_{P}}{T}(\frac{\partial T}{\partial P})_{s} (\Upsilon -\frac{c_{v}}{T}(\frac{\partial T}{\partial P})_{s} ($$

$$\frac{c_{v}}{T}(\frac{\partial T}{\partial P})_{H}$$
 (4) 
$$-\frac{c_{P}}{T}(\frac{\partial T}{\partial P})_{H}$$
 (4)

۲۷- اگریک جسم خالص فرضی دارای سه آلوتروپی باشد، کدام مورد برای آن درست است؟

۲) فقط یک نقطه سهگانه دارد.

۱) تعداد نقاط سهگانه آن برابر ۱۰ است.

۴) چهار نقطه سهگانه دارد.

۳) یک نقطه پنجگانه دارد.

۲۸ مخزن صلبی حاوی °۱۰۰ کیلوگرم مایع و بخار اشباع خالص با کیفیت ۱۰ درصد و فشار یک بار میباشد. در بالای مخزن، شیر اطمینانی وجود دارد تا فشار ۴MPa کاملاً بسته میماند. به این مخزن گرما میدهیم، درست تا لحظهای که شیر متصل به مخزن باز میشود، چند مگاژول به مخزن گرما دادهایم؟

 $(u_f=1\circ\circ\circ:u_g=75\circ\circ,u_f=1\circ\circ\circ,u_f=1\circ\circ\circ)$  در حالت ثانویه:  $u_g=75\circ\circ,u_f=1\circ\circ\circ$ 

- ٣٩ (١
- **490** (7
- 4/9 (4
- **4900** (4

۲۹− مخزن صلب غیرعایقی حاوی هلیوم در دمای محیط ۲۰۰۸ و فشار ۲۹۲است. از این مخزن هلیوم، برای پرکردن یک بالن کروی به حجم ۴۰m³ استفاده می کنیم. این بالن در ابتدا به صورت مسطح بوده و بر روی زمین خوابیده است. شیر رابط بین مخزن و بالن را کمی باز می کنیم و صبر می کنیم تا خروج هلیوم از مخزن به بالن به اتمام برسد و بالن به شکل کروی در آید. هلیوم سیستم و گاز کامل فرض می شود. بالن نیز مثل مخزن غیرعایق است. فشار هوا یک بار می باشد. فرض می کنیم که ماده سازنده جدار بالن دارای ضخامت ثابت بوده و به هیچوجه کشیده نمی شود. به تر تیب، مقدار کار انجام شده توسط هلیوم (بر حسب کیلوژول) و حجم مخزن (بر حسب لیتر) به طور تقریبی چقدر است؟

- 1910 , 4000 (1
- 7700, 4000 (T
- 7100 , 4000 (T
  - ۴) صفر و ۵ ۲۱۰

 $B = b - \frac{\alpha}{T^{1}}$  که در آن  $\alpha$  و  $\alpha$  ثابت هستند، بهدست می آید. تغییر  $B = b - \frac{\alpha}{T^{1}}$  که در آن  $\alpha$  و  $\alpha$  ثابت هستند، بهدست می آید. تغییر آنتالپی واحد جرم این گاز، در دمای ثابت  $\alpha$  ثابت  $\alpha$  زمانی که فشار از یک فشار خیلی خیلی کم تا فشار نهایی  $\alpha$  تغییر کند، کدام است؟

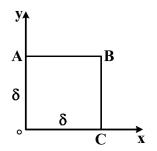
$$- r \alpha \frac{\pi}{T^r}$$
 (7  $b \pi - \frac{r \alpha \pi}{T^r}$  (1

$$b\pi$$
 (f)  $-7\alpha \frac{\pi}{T^7}$  (g)

#### مكانيك سيالات پيشرفته ـ ترموديناميك پيشرفته:

٣١ - در المان سيال، اندازهٔ سرعتها داده شده است. آهنگ زماني تغيير زاويه اين المان سيال كدام مورد ميباشد؟

$$U_{\circ} = \circ$$
 ,  $U_{A} = \Upsilon$  ,  $U_{B} = \Upsilon$  ,  $U_{C} = U_{B}$    
  $V_{\circ} = \circ$  ,  $V_{A} = \circ$  ,  $V_{B} = \Upsilon$  ,  $V_{C} = V_{B}$ 



$$\frac{\pi}{\delta}$$
 (1

$$\frac{\Delta}{\delta}$$
 (7

۳۱ - در تقریب بوزینسک (فرض بوزینسک)، چگالی در کدام جمله (ها) را به تر تیب، ثابت و در کدام جمله (هـا) متغیـر درنظر می گیریم؟

۲) مربوط به شتاب ثقل ـ نایایایی جابهجا

۱) جابه جایی ـ مربوط به شتاب ثقل و ناپایایی

۴) نایایایی و جابهجایی ـ مربوط به شتاب ثقل

۳) نایایایی \_ جابهجایی و مربوط به شتاب ثقل

۳۳ در دوران جسم جامد (صلب) سیال، کدام مورد درست است؟

۱) سطوح فشار ثابت بهشکل هذلولی است.

۲) تنشهای لزج غیرصفر است و معادلات اولر لزج به کار می رود.

۳) تنشهای لزج صفر است و معادلات اولر غیرلزج به کار می رود.

۴) رابطه برنولی برای نقاط روی خطوط جریان مختلف ثابت است.

(۳ مرتبه سومی (درجه  $\frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}}$  برای حل انتگرالی جریان در لایه مرزی بر روی صفحه تخت با گرادیان فشار  $\frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}}$ 

حدس زده شده است. کدام مورد، پروفیل صحیح جریان را نشان میدهد؟

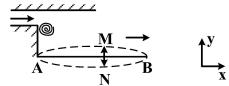
$$\frac{u}{u_{\infty}} = \left(\frac{r}{r} - \frac{\partial p}{\partial x} \frac{\delta^{r}}{r u_{\infty} \nu}\right) \left(\frac{y}{\delta}\right) + \left(\frac{\partial p}{\partial x} \frac{\delta^{r}}{r u_{\infty} \nu}\right) \left(\frac{y}{\delta}\right)^{r} + \frac{1}{r} \left(1 + \frac{\partial p}{\partial x} \frac{\delta^{r}}{r u_{\infty} \nu}\right) \left(\frac{y}{\delta}\right)^{r}$$
(1)

$$\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{u}_{\infty}} = \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}} - \frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}} \cdot \frac{\delta^{\mathsf{r}}}{\mathbf{r} \mathbf{u}_{\infty} \mathbf{v}}\right) \left(\frac{\mathbf{y}}{\delta}\right) + \left(\frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}} \frac{\delta^{\mathsf{r}}}{\mathbf{r} \mathbf{u}_{\infty} \mathbf{v}}\right) \left(\frac{\mathbf{y}}{\delta}\right)^{\mathsf{r}} - \frac{\mathsf{v}}{\mathsf{r}} \left(\mathbf{v} + \frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}} \frac{\delta^{\mathsf{r}}}{\mathbf{r} \mathbf{u}_{\infty} \mathbf{v}}\right) \left(\frac{\mathbf{y}}{\delta}\right)^{\mathsf{r}}$$
(7)

$$\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{u}_{\infty}} = \left(\frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}} \cdot \frac{\boldsymbol{\delta}^{\mathsf{Y}}}{\mathsf{Y} \mathbf{u}_{\infty} \boldsymbol{\nu}}\right) \left(\frac{\mathbf{y}}{\boldsymbol{\delta}}\right)^{\mathsf{Y}} + \frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}} \left(\mathbf{1} - \frac{\partial \mathbf{p}}{\partial \mathbf{x}} \frac{\boldsymbol{\delta}^{\mathsf{Y}}}{\mathsf{Y} \mathbf{u}_{\infty} \boldsymbol{\nu}}\right) \left(\frac{\mathbf{y}}{\boldsymbol{\delta}}\right)^{\mathsf{Y}} \quad (\mathsf{Y})$$

$$\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{u}_{\infty}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}} \frac{\mathbf{y}}{\delta} - \frac{1}{\mathbf{r}} \left( \frac{\mathbf{y}}{\delta} \right)^{\mathbf{r}} \quad (\mathbf{f}$$

در کانال با پلهٔ وارون سازگار با شکل، سطح  ${f AB}$  در امتداد محور  ${f y}$  نوسان می کند. کدام مورد درخصوص اندازه  ${f -}$ گردابه AMB یا ANB درست است و فشار در مقطع خروجی چه تغییری میکند؟



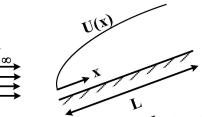


- ۱) ANB، گردابه کوچک ـ افزایش می بابد.
- ANB ، گردابه بزرگ ـ افزایش می یابد.
- ۳) AMB، گردابه کوچک ـ کاهش می بابد.
- ۴) AMB، گردابه بزرگ \_ افزایش می بابد.

پروفیل سرعت جریان بین دو صفحه موازی با فاصله  ${f H}$  که صفحه بالایی با سرعت جریان بین دو صفحه موازی با فاصله  ${f H}$ فرم  $\mathbf{u} = \frac{\mathbf{U}_{\circ}\mathbf{y}}{\mathbf{u}}$  است، کدام مورد درخصوص میزان ورتیسیتی این جریان صحیح است؟

- ا میزان ورتیسیتی در همه جریان ثابت و برابر با  $\frac{-U_{\circ}}{H}$  است.
- ۲) ماکزیمم ورتیسیته روی دیواره بالایی با مقدار  $\frac{\mathrm{U}_{\circ}}{\mathrm{H}}$  روی میدهد.
- ۳) ماکزیمم ورتیسیته در نقطه ماکزیمم تنش برشی در جریان روی میدهد.
- ان متغیر است.  $\frac{-U_{\circ}}{u}$  روی دیواره بالایی متغیر است.  $\frac{-U_{\circ}}{u}$  از مقدار صفر تا

در جریان سیال بر روی یک جسم خاص، سرعت جریان آزاد از رابطه  $\mathbf{U}(\mathbf{x}) = \mathbf{U}_{\infty}(\mathbf{1} - \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{I}})$  پیروی می کند. در ، مورد چنین جریانی، اگر  ${f L}$  به اندازه کافی بزرگ باشد، کدام گزینه صحیح میباشد

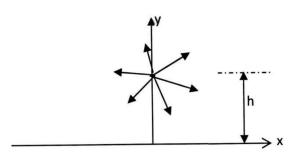


- ۱) امكان وقوع جدايش لايه مرزى وجود ندارد.
- ۲) گرادیان فشار مساعد در مسئله برقرار است.
- ۳) جدایش لایه مرزی به وقوع خواهد پیوست.
- ۴) در درون لایه مرزی تنش برشی بر روی جسم ثابت خواهد بود و با X تغییر نمی *ک*ند

 ۳۸ صفحهای به طول ۲ متر و عرض یک متر در جریان بادی قرار دارد. برای اینکه حداقل نیروی پسا روی صفحه اعمال شود، بهتر است صفحه چگونه قرار گیرد؟

- ۲) موازی جریان باد و طول آن در جهت باد
- ۱) موازی جریان باد و عرض آن در جهت باد
- ۴) عمود بر جریان باد و عرض آن موازی افق
- ۳) عمود بر جریان باد و طول آن موازی افق

سیت. کیدام میورد معرف فشیار در امتیداد دیبوار  ${f h}$  از یک دیوار قرار گرفته است. کیدام میورد معرف فشیار در امتیداد دیبوار  ${f m}$  $(\mathbf{r}(\mathbf{x}=\mathbf{o}))$  است؟ (  $\mathbf{p}$  چگالی،  $\mathbf{p}$  فشار در دوردست)



$$P_{\circ} + \frac{\rho m^{\mathsf{T}} x^{\mathsf{T}}}{\mathsf{T} \pi^{\mathsf{T}} (x^{\mathsf{T}} + h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}} \ (\mathsf{I}$$

$$P_{\circ} - \frac{\rho m^{\mathsf{T}} x^{\mathsf{T}}}{\pi^{\mathsf{T}} (x^{\mathsf{T}} + h^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}} \ (\mathsf{T}$$

$$P_{\circ} - \frac{\rho m^{\mathsf{T}} x^{\mathsf{T}}}{\mathsf{T} \pi^{\mathsf{T}} (x^{\mathsf{T}} - h^{\mathsf{T}})} \ (\mathsf{T}$$

$$P_{\circ} - \frac{\rho m^{\text{\tiny T}} x^{\text{\tiny T}}}{\text{\tiny T} \pi^{\text{\tiny T}} (x^{\text{\tiny T}} + h^{\text{\tiny T}})^{\text{\tiny T}}} \ (\text{\tiny F}$$

۴۰- معیاری که براساس آن می توان دربارهٔ فرض پیوستگی محیط (continuum mechanics) تصمیم گرفت، کدام است؟

$$\mathrm{St} = rac{\mathrm{fd}}{\mathrm{U}}$$
 عدد اشتروهال (۲

$$Fr = \frac{V}{\sqrt{gh}}$$
 عدد فرود (۱

$$Re = \frac{\rho V d}{u}$$
 عدد رینولدز (۴

$$Kn = \frac{\lambda}{S}$$
 عدد نادسن (۳

در جریان خزشی اطراف کره، کدام مورد نادرست است؟

- ۱) در این جریان، گرادیان فشار معکوس وجود دارد.
   ۳) شرط مرزی عدم لغزش روی کره برقرار است.
   ۳) خطوط جریان پشت و جلوی کره متقارن هستند.
   ۴) در این جریان، جدایش رخ نمی دهد.

جگالی کرہ و  $ho_{\circ}$  چگالی کرہ و  $ho_{\circ}$  چگالی کرہ و  $ho_{\circ}$  چگالی کرہ و  $ho_{\circ}$  چگالی کرہ و  $ho_{\circ}$ سیال باشد، شتاب کره کدام مورد است؟ (g، شتاب گرانش است.)

$$\frac{\rho_{\circ} + \rho}{\rho_{\circ} + \frac{1}{7}\rho} g \ (1)$$

$$\frac{\rho_{\circ} - \rho}{\rho_{\circ} + \frac{1}{7}\rho} g \ (7$$

$$\frac{\rho_{\circ} - \rho}{\rho_{\circ} + \frac{1}{\pi}\rho} g \ (\Upsilon$$

$$\frac{\rho_{\circ} + \rho}{\rho_{\circ} + \frac{1}{r}\rho} g \ (f$$

در این  $\mu$  در این  $\rho$  و لزجت  $\mu$  در این  $\mu$ مجرا بهسمت پایین بهصورت آرام حرکت می کند. سرعت متوسط درون مجرا کدام است؟

$$\frac{1}{7}\frac{\rho g B^{7}}{\mu}$$
 (1

$$\frac{1}{\pi} \frac{\rho g B^{\pi}}{\Pi}$$
 (7

$$\frac{1}{r}\frac{\rho g B^r}{u}$$
 (\*\*

$$\frac{1}{\pi} \frac{\rho g B^{\gamma}}{\Pi}$$
 (4)

۴۴ کدام رابطه نشان دهندهٔ رابطهٔ ناپایای جابه جایی ـ پخش غیر خطی است؟

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \mathbf{t}} = \mu \frac{\partial^{\mathsf{Y}} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{\mathsf{Y}}} \quad (\mathsf{Y}$$

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \mathbf{u} \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}} = \mu \frac{\partial^{\mathsf{Y}} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{\mathsf{Y}}}$$
 (\)

$$\frac{\partial u}{\partial t} + \mu \frac{\partial u}{\partial x} = 0 \quad (4)$$

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \mathbf{C} \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}} = \mu \frac{\partial^{\mathsf{T}} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{\mathsf{T}}} \quad (\mathsf{T})$$

۴۵- کدام مورد درخصوص ضریب دوم لزجت که یک خاصیت ترموفیزیکی سیال است، درست تر است؟

۱) اگر از پیشنهاد استوکس برای سیال تراکمپذیر استفاده نشود، تانسور تنش ناشی از آن به تانسور تنش اضافه میشود.

۲) در جریان سیال با عدد رینولدز بالا توأم با تراکمپذیری نسبتاً کم، باز هم میتوان از اثر آن صرفنظر کرد.

۳) در جریان سیال تراکمپذیر، اگرچه ظاهر میشود، به پیشنهاد استوکس راهی برای حذف اثر آن وجود دارد.

۴) هر سه مورد

c<sub>o</sub> (1

۴۶ با انتقال گرما به آهستگی و برگشت پذیر به یک سیستم دارای گاز ایده آل طی فرایند فشار ثابت، حجم آن دو برابر میشود. تغییر آنتروپی بر واحد جرم سیستم چقدر است؟ (گرماهای ویژه ثابت فرض شوند.)

$$C_v Ln(\frac{1}{r})$$
 (7  $C_P Ln(r)$  (1

$$C_{p}Ln(\frac{1}{r})$$
 (f  $C_{v}Ln(r)$  (f

آنتروپی یک سیستم ترمودینامیکی برحسب متغیرهای حجم (V) ، انرژی داخلی (U) و تعداد مولها (N) به شکل زیر است. نسبت فشار به دما  $rac{\mathbf{P}}{\mathbf{T}}$ ) در این سیستم کدام است؟

 $s = c_0 NVU$ 

$$c_{\circ}NV$$
 (Y

$$c_{\circ}NU$$
 (f  $\frac{c_{\circ}N}{s}$  (T

باشد و ضریب انبساط حجمی گاز  $\alpha = \frac{1}{V} (\frac{\partial V}{\partial T})_p$  باشد و ضریب انبساط حجمی گاز واندروالس  $P = \frac{RT}{V-m} - \frac{n}{VT}$  و ضریب ژول تامسون –۴۸

برحسب lpha کدام است؟  $\mu_{f j}=(rac{\partial T}{\partial {f p}})_{f h}$  باشد، درجه حرارت در نقطه وارونگی (Inversion Point) برحسب

$$T = \tau \alpha$$
 (1)

$$T=lpha^{\Upsilon}$$
 (F 
$$T=rac{1}{lpha}$$
 (Y

یک سیستم در حال تعادل حرارتی با محیط خود در دمای T است. اگر به سیستم در فشار ثابت، حرارت داده شود و تبادل کاری به غیر از انبساط وجود نداشته باشد، کدام مورد درست است؟

$$dS_{H,P} \geq \circ$$
 ي  $dH_{S,P} \leq \circ$  (۲  $dS_{H,P} \leq \circ$  ي  $dH_{S,P} \geq \circ$  (۱

$$dS_{H,P} \leq$$
 ي  $dH_{S,P} \leq$  و رو  $dH_{S,P} =$  و من  $dS_{H,P} =$  و من  $dS_{H,P} =$ 

 $T_{A_0} > T_{B_0}$  در ابتدا استخر A و B با مقادیر مساوی آب پر شدهاند،  $m_A = m_B$ . در ابتدا استخر A گرمتر از استخر B است،  $B_0 = -\Delta \cdot$ دو استخر در تماس حرارتی با یکدیگر قرار می گیرند و نهایتاً به تعادل حرارتی میرسند، آنتروپی تولید ناشی از تبادل حرارت

دو استخر  $(S_{
m gen})$  کدام است؟ (گرمای ویژه آب ثابت و برابر  $Ciggl[rac{kJ}{
m kgK}iggr]$  است.)

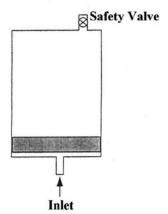
$$me \ln \frac{T_f^{\text{Y}}}{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}} \ \text{(Y} \\ me \ln \frac{\text{Y}T_f^{\text{Y}}}{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}} \ \text{()}$$

$$mc \ln (\frac{T_f^{\prime}}{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}})^{\prime} \ ( \prime ) \\ mc \ln \left(\frac{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}}{T_f^{\prime}}\right)^{\prime} \ ( \prime ) \\ mc \ln \left(\frac{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}}{T_{A_{\circ}}}\right)^{\prime} \ ( \prime ) \\ mc \ln \left(\frac{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}}{T_f^{\prime}}\right)^{\prime} \ ( \prime ) \\ mc \ln \left(\frac{T_{A_{\circ}}T_{B_{\circ}}}{T_{A_{\circ}}}\right)^{\prime} \ ( \prime )$$

- ۱۵- دیاگرام فاز یک آلیاژ در شکل زیر نشان داده شده است. تعداد درجهٔ آزادی در نقطه E کدام است؟ (قاعدهٔ فاز گیبس F+R=n+7 که E تعداد اجزاء، E تعداد فازها و E درجهٔ آزادی است.)
  - ۱) صفر
    - ۱ (۲
    - ۲ (۳
    - ۴) ۳

- A  $+\alpha$  solve  $+\beta$  sol
- من انجام فرایندی در سیستم (جرم کنترل)، خواص تعادل اولیه و نهایی به قرار زیر است. اگر جرم سیستم یک  $P_\circ = 1 \circ k$  و دمای محیط  $T_\circ = 7 \circ k$  باشد، تغییر اگزرژی سیستم طی این فرایند چند k است؟
- $u_{\text{I}} = \text{TV} \circ \circ \frac{kJ}{kJ} \qquad s_{\text{I}} = \text{V}_{\text{I}} \text{I} \frac{kJ}{kg-K} \qquad v_{\text{I}} = \circ_{\text{I}} \text{TD} \frac{m^{\text{T}}}{kg}$
- $u_{\gamma} = \text{YS} \circ \circ \frac{kJ}{kg} \qquad s_{\gamma} = \text{Y/Y} \frac{kJ}{kg-K} \qquad v_{\gamma} = \circ_{/} \text{YD} \frac{m^{\gamma}}{kg}$ 
  - +1 T° (T −1 T° (1
- $T_{\circ}$  افت اگزرژی گاز ایدئال در فرایند اختناق آدیاباتیک با نسبت فشار  $\frac{P_{\gamma}}{P_{1}} = {^{\circ}/^{\pi}}^{/\pi}$  چقدر است؟ ( دمای محیط را  $-3\pi$ 
  - $RT_{\circ}$  (1  $\circ$ /947  $RT_{\circ}$  (1
  - $^{\circ}$ صفر (۴  $^{\circ}$  سفر (۳  $^{\circ}$
- ۵۴ در یک سیستم، ترازهای انرژی به ترتیب ۰، ۱، ۲، ۳، ۴، ... واحد هستند، دیژنریسی هر تراز را ۱۰ درنظر بگیرید. تعداد ذرات ۴ بوده و انرژی سیستم ۳ واحد است. تعداد ماکرو استیت این سیستم چند تا است؟
  - 1 (1
  - 7 (7
  - ٣ (٣
  - 4 (4
- ۵۵ در یک سیستم ترازهای انرژی بهترتیب ۱۰، ۲، ۳، ۴، ۰۰ واحد هستند، دیژنریسی هر تراز را ۱۰ درنظـر بگیریـد. تعداد ذرات ۴ بوده و انرژی سیستم ۳ واحد است. اگر توزیع ماکسول بولتزمن اصلاح شده درخصوص این سیسـتم درست باشد، تعداد میکرو استیت ماکرو بیشترین احتمال این سیستم چقدر است؟
  - ۵۰۰۰ (۱
  - ۵ ۰ ۰ ۰ ۰ (۲
    - 1884 (4
  - 18840 (4

۵۶− سیلندر ـ پیستون نشان داده شده در ابتدا حاوی ۵ لیتر هـوا در فشـار ۲۰ کیلوپاسـکال و دمـای ۳۰۰ کلـوین میباشد و پیستون مسی به جرم ۲۰ کیلوگرم و قطر ۱۰ سانتیمتر کف سیلندر قرار دارد. در بالای سـیلندر شـیر اطمینانی قرار دارد که روی ۱۰۰ کیلوپاسکال تنظیم شده است. جریان هوایی با دمای ۳۰۰ کلوین و دبی جرمـی ثابت ۱۰ گرم بر دقیقه از مجرای زیر پیستون وارد میشود و پیستون را به آهستگی بهسمت بالا حرکت مـیدهـد. سیلندر و پیستون کاملاً عایق هستند و اصطکاک ناچیز است. دمای هوا در داخل سیلندر در لحظه باز شدن شـیر اطمینان چند کلوین است؟ (تغییرات گرمای ویژه نسبت به دما ناچیز است. ۱/۴ )



- 240 (1
- 440 (4
- **T** \ \ \ \ (**T**
- ۳ · · · (۴

در آن مخزن کاملاً خالی به حجم  $^{\circ}$ /۱۵  $^{\circ}$  به خط لوله ای که هوا در دمای محیط  $^{\circ}$ /۱۵  $^{\circ}$  و فشار مرس در است وصل شده است. شیر بین مخزن و خط لوله باز می شود و مخزن به سرعت پر شده و فشارش به فشار خط لوله می رسد. در این شرایط، شیر بسته و فرصت کافی به مخزن داده می شود تا هوای داخل مخزن دمایش به دمای محیط برسد، فشار نهایی هوا بر حسب مگاپاسکال در داخل مخزن چقدر است؟  $(k_{air} = 1/4)$ 

- ٨ (١
- 8/A (Y
- ۵/۷ (۳
- 4,94 (4

مده است. یک سیستم ویژه دارای ترازهای انرژی صفر، ۱ و ۲ واحد است، دیژنریسی ترازها ۱۰۰۰۰ درنظر گرفته شده است. عداد ذرات ۳۰۰۰ و انرژی درونی آن ۱۰۰۰ واحد است، توزیع مکسول بولتزمن درست است، مقدار  $e^{-\beta}$  در شرایط تعادل ترمودینامیکی چقدر است؟ ( $\sqrt{1\pi} \simeq 7/9$ )

- 1/0 (1
- 1/7 (7
- o, 444 (4
- °,774 (4

۵۹ - آنتروپی بر کیلومول گاز آرگون (تک اتمی) برحسب کیلوژول بر کیلومـول کلـوین در دمـای ۵۰۰ کلـوین و فشـار ۵۰۰ کیلوپاسکال چقدر است؟ (اتمهای آرگون در پایین ترین تراز الکترونی بوده و دیژنریسی پایین ترین تراز الکترونی برابر یـک

 $rac{Z_t}{N} = 7/\Delta$ ۹۴۶۷۶ و است. (۱۰٬۷  $\simeq (19/1)$  و  $\frac{T}{P}$  و  $\frac{\Delta}{P}$  است. (۱۰٬۷  $\simeq (19/1)$  و  $\frac{Z_t}{P}$  و  $\frac{\Delta}{P}$  و

- 110 (1
- 100 (7
- 110 (4
- 710 (F

اگر تابع تقسیم الکترونی گاز اکسیژن برابر  $\mathbf{Z}_{\mathrm{e}} = \mathbf{v}/\mathbf{v}$  باشد، سهم تعداد مولکولهای این گاز در پایین ترین تراز الکترونی چقدر است؟ (دیژنریسی این تراز برابر صفر است.)

- 1 (1
- °/A∆ (۲
- ۰<sub>/</sub>۸ (۳
- 0/98 (4

### ، پنامیک پیشرفته ـ ارتعاشات پیشرفته ـ کنترل پیشرفته:

جارتی متعامد  $\hat{j}$  و  $\hat{j}$  برحسب  $\hat{j}$  و  $\hat{j}$  برحسات دکارتی متعامد  $\alpha-\beta$  متعامد (x-y) کدامند ککارتی متعامد (x-y)

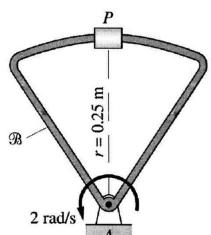
$$\begin{cases} x = \cosh \alpha . \sin \beta \\ y = \sinh \alpha . \cos \beta \end{cases}$$

$$\hat{u}_{\alpha} = \frac{\sinh \alpha. \sin \beta \hat{i} + \cosh \alpha. \cos \beta \hat{j}}{\sqrt{\sinh^{\gamma} \alpha. \sin^{\gamma} \beta + \cosh^{\gamma} \alpha. \cos^{\gamma} \beta}} \ , \quad \hat{u}_{\beta} = \frac{\cosh \alpha. \cos \beta \hat{i} - \sinh \alpha. \sin \beta \hat{j}}{\sqrt{\cosh^{\gamma} \alpha. \cos^{\gamma} \beta + \sinh^{\gamma} \alpha. \sin^{\gamma} \beta \hat{j}}} \ (1)$$

$$\hat{u}_{\alpha} = \frac{\sinh\alpha.\cos\beta\hat{i} + \cosh\alpha.\sin\beta\hat{j}}{\sqrt{\sinh^{\text{Y}}\alpha.\cos^{\text{Y}}\beta + \cosh^{\text{Y}}\alpha.\sin^{\text{Y}}\beta}} \ , \ \hat{u}_{\beta} = \frac{-\cosh\alpha.\sin\beta\hat{i} + \sinh\alpha.\cos\beta\hat{j}}{\sqrt{\cosh^{\text{Y}}\alpha.\sin^{\text{Y}}\beta + \sinh^{\text{Y}}\alpha.\cos^{\text{Y}}\beta}} \ (\text{Fig. 1})$$

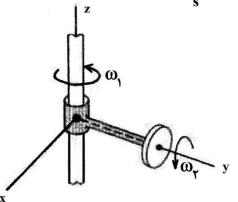
P قاب شکل زیر با سرعت ثابت ۲ رادیان بر ثانیه حول مرکز لولای P دوران میکند. در همین حال لغزندهٔ P با سرعت ثابت P متر بر ثانیه نسبتبه قاب بهسمت راست حرکت میکند. شتاب لغزنده چند متر بر مجذور ثانیه و به کدام طرف است؛ P مرکز انحنای قاب در محل لغزندهٔ P مرکز لولای P است.)

- ۱) ۳۶ ، بالا
- ۲) ۳۶/° ، یایین
- ۳) ۲۴′۰ ، پایین
  - ۲۲، ۰،۲۴ (۴



جور محور  $\dot{\omega}_1 = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}^{\mathsf{T}}}$  و  $\omega_1 = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  و شتاب زاویهای  $\omega_1 = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  و محور  $\omega_2 = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ 

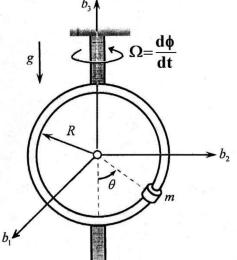
عمودی دوران می کند و دیسک با سرعت و شتاب زاویهای  $\omega_{\Upsilon} = \Upsilon \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{s}}$  و  $\omega_{\Upsilon} = \Upsilon \frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{s}}$  حول آن دوران می کند.



 $\frac{\text{rad}}{\text{s}^{\gamma}}$  است است چند  $\frac{rad}{\text{s}^{\gamma}}$ 

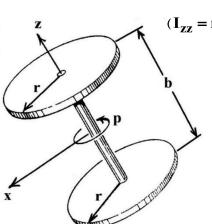
- √81 (1
- √<u>۵۲</u> (۲
  - ۵ (۳
  - 4 (4

 $\vec{b}_{
m T} = R \sin \theta \vec{b}_{
m T} - R \cos \theta \vec{b}_{
m T} + R \cos \theta \vec{b}_{
m T} - R \cos \theta \vec{b}_{
m T} + R \cos \theta \vec{b$ 



- $\delta \vec{r} = R \cos \theta \, \delta \theta \, \vec{b}_{\gamma} + R \sin \theta \, \delta \theta \, \vec{b}_{\gamma}$  (1)
- $\delta \vec{r} = R \cos \theta \, \delta \theta \, \vec{b}_{r} + R \sin \theta \, \delta \vec{b}_{r} + R \sin \theta \, \delta \theta \, \vec{b}_{r}$  (Y
- $\delta \vec{r} = R \cos \theta \, \delta \theta \, \vec{b}_{\text{Y}} R \sin \theta \, \delta \phi \, \vec{b}_{\text{Y}} + R \sin \theta \, \delta \theta \, \vec{b}_{\text{W}} \ \, (\text{W})$
- $\delta \vec{r} = R \cos\theta \, \delta\theta \, \vec{b}_{\text{Y}} + R \sin\theta \, \delta \vec{b}_{\text{Y}} + R \sin\theta \, \delta\theta \, \vec{b}_{\text{Y}} R \cos\theta \, \delta \vec{b}_{\text{Y}} \, \, (\text{f}$

دو دیسک نازک، یکنواخت و مشابه، هر کدام به جرم m و شعاع r، توسط محور مشترک بدون جرمشان یک جسـم -90 صلب تشکیل داده که بدون گشتاور خارجی حول مرکز جرم در حال دوران در فضا است. مقدار d کدام باید باشد تــا



 $(I_{ZZ} = mr^{\mathsf{T}}, I_{XX} = \frac{1}{\mathsf{T}}m(r^{\mathsf{T}} + b^{\mathsf{T}})$  حرکت پیشروشی نداشته باشد؟ (فرض شود

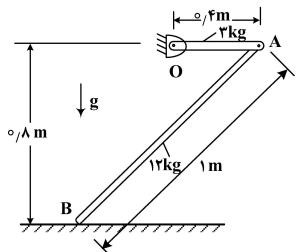
 $\frac{r}{r}$  ()

 $\frac{r}{r}$  (7

r (r

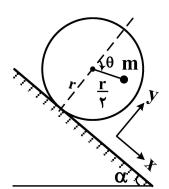
۲r (۴

و AB و AB و AB و AB در مکانیزم زیر یکنواخت است و از اصطکاک در لولاهـای AB و محــل AB محــل تماس نقطهٔ B صرفنظر می شود. میلهٔ AB دارای طول AB و جرم AB و جرم B و میلــهٔ AB دارای طــول B است. در لحظهٔ رها کردن میلهها از حالت سکون، شتاب زاویهای میلهٔ AB، چند برابر شتاب زاویهای میلــهٔ

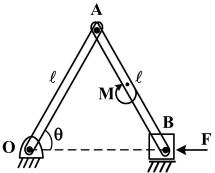


AB است؟

- لم (ا
- <del>۳</del> (۲
- <del>ہ</del> (۳
- <del>۲</del> (۴
- در شکل زیر، جرم m توسط یک میلهٔ بدون جرم به یک حلقهٔ بدون جرم و به شعاع r متصل شده و به سامت پایین r در شکل زیر، جرم r است. با فرض مرجع انرژی پتانسیل دلخواه، ترم انرژی پتانسیل این سامانه کدام است؟

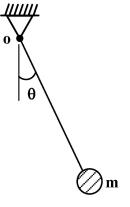


- $mg[r \theta \cos \alpha \frac{r}{r} \sin (\theta + \alpha)] + c$  (1)
- $mg[-r\theta\sin\alpha + \frac{r}{r}\cos(\theta + \alpha)] + c$  (Y
  - $mg[r \theta sin \alpha + \frac{r}{r} cos \theta] + c (r$ 
    - $mg[1-cos(\alpha+\theta)]+c$  (4
- هـرار دارد. نیـروی  $\mathbf{F}$  و در نقطه میانی لینک  $\mathbf{AB}$  تحت گشتاور  $\mathbf{M}$  قـرار دارد. نیـروی جملی میانی میلیزم نشان داده شده در نقطهٔ  $\mathbf{B}$  مکانیزم نشان داده شده در نقطهٔ  $\mathbf{B}$  مکانیزم نشان داده شده در نقطهٔ عمومی  $\mathbf{G}$  مکانیزم نشان داده نقطهٔ عمومی  $\mathbf{G}$  مکانیزم نشان داده نقطهٔ عمومی  $\mathbf{G}$  مکان دام است؟



- $Q_{\theta} = \frac{M}{r\ell} F\sin\theta$  (1)
- $Q_{\theta} = M \Upsilon \ell F \sin \theta$  (Y
- $Q_{\theta} = \frac{M}{r\ell} + F \sin \theta$  (r
- $Q_{\theta} = M + \Upsilon \ell F \sin \theta$  (4

جوب در پاندول زیر، طول نخ مطابق رابطهٔ  $r=a+b\cos\omega t$  تغییر میکند و در آن a و a مقادیر مثبت و ثابتی هستند. اگر پاندول مقید به حرکت در صفحه قائم باشد، لاگرانژین آن کدام است؟



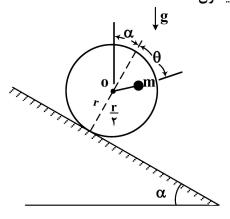
$$L = m[\frac{1}{r}b^{r}\omega^{r}\sin^{r}\omega t - g(a + b\cos\omega t)\cos\theta]$$
 (1)

$$L = m[\frac{1}{r}(a^r + b^r \cos^r \omega t + rab\cos \omega t)\dot{\theta}^r + \frac{1}{r}b^r \omega^r \sin^r \omega t - g(a + b\cos \omega t)\cos \theta]$$
 (7)

$$L = m[\frac{1}{r}(a^r + b^r \cos^r \omega t + rab\cos \omega t)\dot{\theta}^r + \frac{1}{r}b^r \omega^r \sin^r \omega t + g(a + b\cos \omega t)\cos \theta]$$
 (7)

$$L = m[\frac{1}{r}b^{r}\omega^{r}\sin^{r}\omega t + g(a+b\cos\omega t)\cos\theta]$$
(\*

درهای به جرم m روی دیسک بدون جرمی به شعاع r و در فاصله  $\frac{1}{7}$  از مرکز دیسک 0 قرار دارد. دیسک بدون  $\alpha$  فرهای به جرم  $\alpha$  می غلتد. کدام مورد، معادلات کانونیکال همیلتون است؟



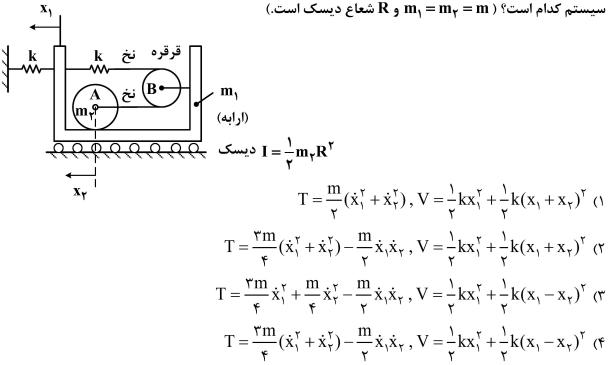
$$\dot{\theta} = \frac{P_{\theta}}{mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{r} + \cos \theta)}, \dot{P}_{\theta} = \frac{-P_{\theta}^{\gamma} \cos \theta}{\gamma mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{r} + \sin \theta)^{\gamma}} + mgr[\cos \alpha + \frac{\gamma}{\gamma} \cos(\alpha + \theta)]$$
(1)

$$\dot{\theta} = \frac{P_{\theta}}{mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{\epsilon} + \cos\theta)}, \dot{P}_{\theta} = \frac{-P_{\theta}^{\gamma}\sin\theta}{\gamma mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{\epsilon} + \cos\theta)^{\gamma}} + mgr[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)]$$
(7)

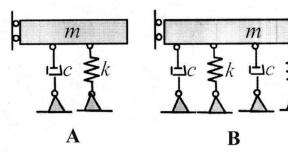
$$\dot{\theta} = \frac{P_{\theta}}{mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{\varepsilon} + \sin\theta)} \ , \\ \dot{P}_{\theta} = \frac{-P_{\theta}^{\gamma}\sin\theta}{\gamma mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{\varepsilon} + \cos\theta)^{\gamma}} + mgr[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\sin(\alpha + \theta)\right] \ (\forall \theta) = \frac{1}{\gamma} \left[\sin\alpha +$$

$$\dot{\theta} = \frac{P_{\theta}}{mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{\epsilon} + \sin\theta)}, \dot{P}_{\theta} = \frac{-P_{\theta}^{\gamma}\cos\theta}{\gamma mr^{\gamma}(\frac{\Delta}{\epsilon} + \sin\theta)^{\gamma}} + mgr[\cos\alpha + \frac{\gamma}{\gamma}\cos(\alpha + \theta)]$$
(\*

 $m_{\gamma}$  در سیستم زیر،  $x_{1}$  جابهجایی مطلق ارابه به جرم  $m_{\gamma}$  و  $m_{\gamma}$  جابهجایی مطلق مرکز دیسک غلتان به جرم  $m_{\gamma}$  و توسط نخ به فنر متصل است. انرژی جنبشی و پتانسیل  $m_{\gamma}$  میراد دیسک است.  $m_{\gamma}$  و  $m_{\gamma} = m_{\gamma} = m_{\gamma}$  میراد دیسک است)  $m_{\gamma}$ 



۱۳۰ - در شکل زیر، سیستم ( ${f A}$ ) در وضعیت میرایی بحرانی است. سیستم ( ${f B}$ )، در چه وضعیتی است؟



- ۱) زیر میرا
- ۲) فوق میرا
- ۳) میرایی بحرانی
- ۴) دارای میرایی خشک

 $\mathbf{R}$  فرکانس طبیعی دایرهای استوانهٔ جدار نازکی به جرم  $\mathbf{m}$  که داخل مسیر استوانهای به شعاع  $\mathbf{R}$  میغلت. د کدام است  $\mathbf{R}$  (فرض شود دامنهٔ نوسان کوچک است و کل جرم استوانهٔ جدار نازک به طور یکنواخت در شعاع  $\mathbf{R}_1$  در سطح جانبی آن  $\mathbf{R}_1$  در سطح جانبی آن

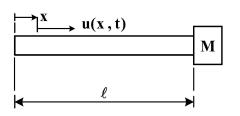
$$\sqrt{\frac{\gamma g}{R-R_1}}$$
 (1

$$\sqrt{\frac{rg}{r(R-R_1)}}$$
 (7

$$\sqrt{\frac{g}{r(R-R_1)}}$$
 (\*

$$\sqrt{\frac{rg}{r(R-R_1)}}$$
 (f

M معادله فرکانسی ارتعاش طولی میله زیر که انتهای سمت چپ آن آزاد و انتهای سمت راست آن متصل به جـرم E محدول  $B=\omega_n\sqrt{rac{m}{AE}}$  کـه در آن M جـرم واحـد طـول، M سـطح مقطـع و M مـدول الاستیسیته میله است.)



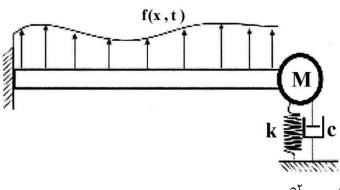
$$tg \beta \ell = -\frac{m}{M}\beta$$
 (1

$$tg \, \beta \ell = -\frac{M}{m} \beta \ \ (\text{c}$$

$$tg \beta \ell = \frac{M}{m} \beta$$
 (4)

$$tg \beta \ell = \frac{m}{M} \beta$$
 (4

هادلهٔ دیفرانسیل حرکت تیر زیر با طول L، سطح مقطع A، ممان دوم سطح مقطع v، مـدول الاستیسـیته v، و چگالی v تحت نیروی گسترده و شرایط مرزی نشان داده شده کدام است؟ (خیز تیر v) است.)



$$\frac{\partial^{r}}{\partial x^{r}} (EI \frac{\partial^{r} w(x,t)}{\partial x^{r}}) + \rho A \frac{\partial^{r} w(x,t)}{\partial t^{r}} = f(x,t)$$
 (1)

$$\frac{\partial^{\tau}}{\partial x^{\tau}} (EI \frac{\partial^{\tau} w(x,t)}{\partial x^{\tau}}) + \rho A \frac{\partial^{\tau} w(x,t)}{\partial t^{\tau}} + kw(L,t) = f(x,t)$$
(7

$$\frac{\partial^{\text{Y}}}{\partial x^{\text{Y}}} (EI \frac{\partial^{\text{Y}} w(x,t)}{\partial x^{\text{Y}}}) + \rho A \frac{\partial^{\text{Y}} w(x,t)}{\partial t^{\text{Y}}} + M \frac{\partial^{\text{Y}} w(L,t)}{\partial t^{\text{Y}}} = f(x,t) \text{ (Y}$$

$$\frac{\partial^{\tau}}{\partial x^{\tau}} (EI \frac{\partial^{\tau} w(x,t)}{\partial x^{\tau}}) + \rho A \frac{\partial^{\tau} w(x,t)}{\partial t^{\tau}} + M \frac{\partial^{\tau} w(L,t)}{\partial t^{\tau}} + kw(L,t) + c \frac{\partial w(L,t)}{\partial t} = f(x,t)$$
(\*

معادله حرکت یک سیستم یک درجه آزادی به صورت زیر است. در چه فرکانس تحریک  $\Omega$ ، سیستم در حالت تشدید قرار می  $\Omega$ به د؟

 $\ddot{x} + \omega_n^{\gamma} x = f_0 \sin \Omega t \cos^{\gamma} \Omega t$ 

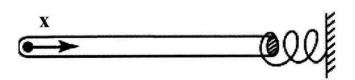
$$\omega_n$$
 ()

$$ω_n$$
 ,  $τω_n$  (۲

$$\omega_n$$
 ,  $\frac{\omega_n}{r}$  (°

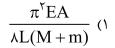
$$\frac{\omega_n}{r}$$
  $\frac{\omega_n}{r}$  (\*

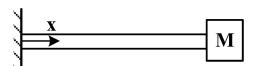
سفت زیر با مدول برشی G و چگالی  $\rho$  از یک طرف آزاد و از طرف دیگر به فنر پیچشی متصل شده است. اگر  $\sigma$  فرکانس طبیعی  $\sigma$  اُم ارتعاشات پیچشی شفت برحسب رادیان بر ثانیه  $\sigma$  باشد، کدام مورد شکل مود ارتعاشی فرکانس طبیعی  $\sigma$  اُم ارتعاشات پیچشی شفت برحسب رادیان بر ثانیه  $\sigma$ 



- $(C = \sqrt{\frac{G}{\rho}})$  ام است؟ n
  - $\tan \frac{\omega_n x}{C}$  (1
  - $cos \frac{\omega_n x}{C}$  (7
  - $\sin \frac{\omega_n x}{C}$  (\*
  - $\cot \frac{\omega_n x}{C}$  (4

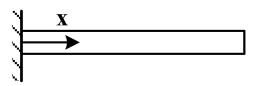
در میله یکنواخت زیر با طول L، جرم m مدول الاستیسیته E و جرم m متصل به آن با فرض شکل مود ارتعاش طـولی -۷۸ به صورت  $u(x)=a\sin\frac{\pi x}{\tau L}$  کدام است؟





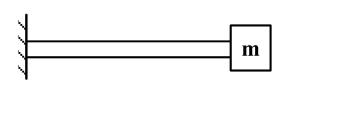
- $\frac{\pi^{\mathsf{T}} E A}{L(\mathsf{1} \mathsf{9} M + \mathsf{A} m)} \ (\mathsf{T}$
- $\frac{\pi^{\mathsf{Y}} EA}{L(\lambda M + \mathfrak{F}m)} \ (\mathfrak{F}$
- $\frac{\pi^{\Upsilon}EA}{\Im L(M+m)}$  (4

۱۹ محور بلند زیر به طول J، جرم حجمی  $\rho$ ، مدول برشی G و ممان قطبی سطح مقطع J در یک سر آزاد و در سر r دیگر طبق شکل محکم شده است. فرکانس طبیعی n اُم ارتعاش پیچشی آن برحسب r کدام است؟



- $\frac{n\pi}{\Upsilon L} \sqrt{\frac{G}{\rho}}$  (1
- $\frac{n\pi}{L}\sqrt{\frac{G}{\rho}}$  (7
- $\frac{(\text{Yn}-\text{I})\pi}{L}\sqrt{\frac{G}{\rho}} \text{ (Y)}$
- $\frac{(\mathsf{Y} n \mathsf{I})\pi}{\mathsf{Y} L} \sqrt{\frac{G}{\rho}} \ (\mathsf{Y}$

متصل است. معادلهٔ E مبرم D متصل است. معادلهٔ D متصل است. معادلهٔ فرکانسی ارتعاشات آزاد طولی میله کدام است؟



$$\frac{\omega L}{C} \tan \frac{\omega L}{C} = \frac{\rho A L}{m}$$
 (1)

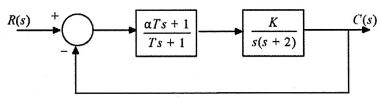
$$\frac{\omega L}{C} \sin \frac{\omega L}{C} = \frac{\rho A L}{m}$$
 (7

$$\tan \frac{\omega L}{C} = \frac{\rho AL}{m}$$
 (4)

$$\sin \frac{\omega L}{C} = \frac{\rho AL}{m}$$
 (4)

۸۱ در سیستم زیر، جبرانساز به گونهای طراحی شده که اختلاف فاز حداکثر °۳۰ را به سیستم اضافه کند. اگر

فرکانس قطع سیستم  $\frac{1 \circ}{\sqrt{7}}$  باشد، خطای حالت ماندگار سیستم تحت ورودی شیب واحد چند درصد است؟



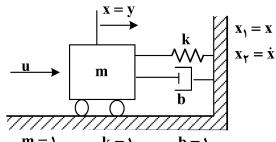
°/°9 (1

9 (٢

11 (4

77 (4

حر سیستم زیر، پارامترها در سیستم متریک داده شدهاند و در آن u نیروی وارد شده به جرم m و v=x تغییر مکان جرم m و خروجی سیستم است. باید یک کنترل کننده فیدبک بردار حالت طوری طراحی شود که خطای حالت ماندگار سیستم فیدبک صفر باشد و همه قطبهای سیستم فیدبک در v=x واقع شوند. مقادیر بهرههای کنترل کننده v=x به به ترتیب کدامند؟



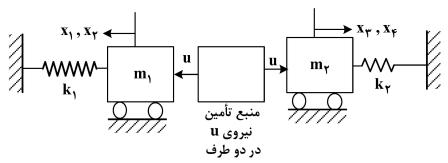
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{a}_1 & \circ & \circ \\ \mathbf{1} & \mathbf{a}_{\mathsf{Y}} & \mathbf{a}_{\mathsf{W}} \\ \circ & \mathbf{1} & \mathbf{a}_{\mathsf{Y}} \end{bmatrix}$$
 و  $\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}_1 \\ \mathbf{X}_{\mathsf{Y}} \\ \mathbf{X}_{\mathsf{W}} \end{bmatrix}$  داده شده که در آن  $\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}_1 \\ \mathbf{X}_{\mathsf{Y}} \\ \mathbf{X}_{\mathsf{W}} \end{bmatrix}$  داده شده که در آن  $\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{X}_1 \\ \mathbf{X}_{\mathsf{Y}} \\ \mathbf{X}_{\mathsf{W}} \end{bmatrix}$  داده شده که در آن

و 
$$e^{\lambda \gamma t}$$
 ، $e^{\lambda \gamma t}$  ، $e^{\lambda \gamma t}$  همگی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم بهصورت  $a_{\gamma}$  و  $a_{\gamma}$  و  $a_{\gamma}$  از مترهای  $a_{\gamma}$  از مترهای به صورت  $a_{\gamma}$  به صورت  $a_{\gamma}$  به صورت  $a_{\gamma}$  و معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم به صورت  $a_{\gamma}$  از معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم به صورت  $a_{\gamma}$  از معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم به صورت  $a_{\gamma}$  از معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم به صورت  $a_{\gamma}$  از معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم به صورت  $a_{\gamma}$  از معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند. مودهای رفتاری سیستم به صورت  $a_{\gamma}$  از معرفی مقادیر حقیقی غیرصفر هستند.

هستند و  $\lambda_1$  تا  $\lambda_2$  مقادیر ویژه ماتریس  $\lambda_3$  کدام گزینه درخصوص این سیستم درست است  $\mathrm{e}^{\lambda_{T}t}$ 

- ۱) این سیستم کنترلپذیر کامل است.
- ۲) یک مود سیستم کنترلپذیر و دو مود کنترلناپذیر است.
- ۳) دو مود سیستم کنترلپذیر و یک مود کنترلناپذیر است.
- ۴) بدون داشتن مقادیر عددی ماتریس A نمی توان در مورد کنترل پذیری سیستم اظهارنظر کرد.

سیستم زیر را درنظر بگیرید که نیروی  $\mathbf{u}$  واردشده به هر دو جرم  $\mathbf{m}_1$  و  $\mathbf{m}_1$  یکسان است.  $\mathbf{x}_1$  و  $\mathbf{x}_2$  به ترتیب تغییر مکان و سرعت جرم  $\mathbf{m}_1$  هستند. سیستم یک ورودی  $\mathbf{u}$  و یک مکان و سرعت جرم  $\mathbf{m}_1$  هستند. سیستم یک ورودی  $\mathbf{u}$  و یک خروجی  $\mathbf{v} = \mathbf{x}_1 + \mathbf{x}_2$  دارد. شرط لازم و کافی برای آنکه سیستم کنترلپذیر و مشاهده پذیر باشد، کدام مورد است؟



- ۱) اگر فرکانس طبیعی دو قسمت باهم برابر نباشند، سیستم کنترلپذیر و مشاهدهپذیر است.
- ۲) اگر فرکانس طبیعی دو قسمت برابر باشند، سیستم کنترلپذیر است ولی مشاهدهپذیر نیست.
- ۳) باید فرکانسهای طبیعی دو قسمت باهم برابر باشند تا سیستم کنترلپذیر و مشاهدهپذیر باشد.
- ۴) اگر فرکانسهای طبیعی دو قسمت برابر باشند، سیستم مشاهدهپذیر است ولی کنترلپذیر نیست.
- سکل (الف) یک اتاق با دبی حرارتی ورودی u و دمای  $x_1$  و تابع تبدیل  $\frac{1}{s+1}$  بین u و اندازه گیری دما از  $x_1$

دماسنج طبق شکل (ب) استفاده می شود. تابع تبدیل بین ورودی  $x_1$  و خروجی دماسنج  $x_7$  با  $x_7$  نشان داده شده  $x_1$  دماسنج طبق شکل (ب) استفاده می شود. اگر مقادیر ویژه تخمین گر  $x_1$  و  $x_2$  و متغیرهای است. برای تعیین  $x_1$  از یک تخمین گر رسته کامل استفاده می شود. اگر مقادیر ویژه تخمین گر  $x_1$  و متغیرهای

$$egin{cases} \lambda_1 = -\sigma + j\omega \ \lambda_1 = -\sigma + j\omega \end{cases}$$
داده شده است. مقادیر ویژه  ${f A}$  عبار تند از خورودی بهصورت  ${f x} = {f A} {f x} + {f B} {f u}$  داده شده است. مقادیر ویژه  ${f A}$  عبار تند از حورودی بهصورت  ${f A}$ 

که در آن  $\sigma$  و  $\omega$  مقادیر حقیقی و مثبت هستند و  $x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_7 \end{bmatrix}$  کدام مورد درخصوص این سیستم درست است؟

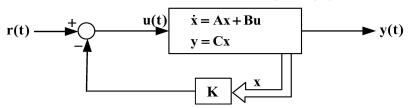
(فرض شود  $\mathbf{b}_{\gamma}$  که در آن  $\mathbf{b}_{\gamma}$  و  $\mathbf{b}_{\gamma}$  مقادیر حقیقی هستند ولی ممکن است یکی از آنها صفر باشد.)

- ۱) کنترلپذیر است.
- ۲) کنترلپذیر نیست.
- $\Lambda$ ) ممکن است کنترلیذیر نباشد، چون مقادیر ویژه  $\Lambda$  مختلط هستند.
- ۴) ممکن است کنترل پذیر نباشد، اگر یکی از مقادیر ماتریس  ${
  m B}$  صفر باشد.

جالت آن  $\hat{\mathbf{x}}$  و  $\hat{\mathbf{x}}$  باشند، بهرههای تخمین گر  $\ell_1$  و ج $\ell_2$  به ترتیب چقدر هستند؟

کنترلپذیر و مشاهدهپذیر باشد. در مورد سیستم مدار باز با معادلات حالت  $egin{dcases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \end{cases}$ 

که در آن از کنترل فیدیک بردار حالت استفاد شده کدام گزینه همواره درست است؟



- ۱) سیستم مداربسته همواره کنترلپذیر و مشاهدهپذیر است.
- ۲) سیستم مداربسته ممکن است نه کنترلپذیر باشد و نه مشاهدهپذیر.
- ٣) سيستم مداربسته مشاهده پذير است ولي ممكن است كنترل پذير نباشد.
- ۴) سیستم مداربسته کنترلیذیر است ولی ممکن است مشاهده پذیر نباشد.

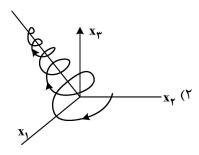
$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \end{cases}$$
 سے کہ در آن  $- \wedge \wedge$ 

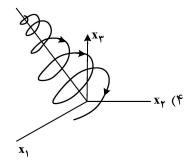
$$\mathbf{C} = egin{bmatrix} \circ & \circ & \bullet & \mathbf{I} \end{bmatrix}$$
 و  $\mathbf{B} = egin{bmatrix} \circ & \bullet & \bullet & \mathbf{I} \end{bmatrix}$  است. تابع تبدیل ایسن سیستم  $\mathbf{A} = egin{bmatrix} -1 & -1 & \circ & \circ \\ 1 & -7 & \circ & \circ \\ \circ & 1 & -7 & \circ \\ \circ & \circ & 1 & 7 \end{bmatrix}$ 

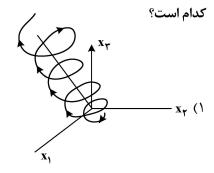
است. در مورد این سیستم کدام مورد درست است؟ 
$$G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} = \frac{s+1}{(s+7)(s+7)(s^7+7s+7)}$$

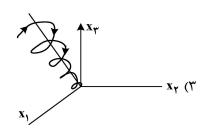
- ۱) نه کنترل پذیر است و نه مشاهده پذیر.
- ۲) هم کنترلپذیر است و هم مشاهده پذیر.
- ۳) کنترلپذیر است ولی مشاهده پذیر نیست.
- ۴) مشاهدهیذیر است ولی کنترلیذیر نیست.
- در سیستم خطی رسته  $\sigma \pm j\omega$  و یک مقدار ویژه مختلط بهصورت  $\sigma \pm j\omega$  و یک مقدار ویژه ۸۹ در سیستم خطی رسته  $\sigma \pm j\omega$  و یک مقدار ویژه حقیقی مثبت دارد. با فرض اینکه  $\sigma \pm j\omega$  عدد حقیقی مثبت دارد. با فرض اینکه  $\sigma \pm j\omega$  عدد حقیقی مثبت دارد.

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x}$$
$$\mathbf{x}(\circ) = \mathbf{x}_{\circ}$$

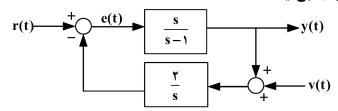








۹۰ در سیستم شکل زیر، رابطه بین کدام ورودی و کدام سیگنال نشاندهنده یک سیستم پایدار مجانبی نیست؟ (سه پاسخ پایدار مجانبی هستند و تنها یک پاسخ پایدار مجانبی نیست.)



- y(t) و سیگنال v(t) و سیگنال (۱
- e(t) و سیگنال r(t) و سیگنال (۲
- e(t) و سیگنال v(t) و سیگنال (۳
- y(t) و سیگنال r(t) و سیگنال (۴

# برنامهریزی ریاضی پیشرفته ـ تکنولوژی پینج و تحلیل اگزرژی ـ تحلیل سیستمهای انرژی:

در شرایطی که زمانبندی پروژه رعایت نشده و راهاندازی آن با تأخیر زیاد روبهرو میشود، فاکتور عدم قطعیت در كدام سطح بهينهسازي اهميت بيشتري پيدا ميكند؟

- ۴) هر سه سطح ٣) شرايط عملياتي
- ۱) طراحی فرایند ۲) مدیریتی
- 97 درجه آزادی در مسئله خطی زیر چند است؟

 $Max : z = \Upsilon x_1 + \Delta x_{\Upsilon}$ 

 $s.t.: x_1$ ۶ ک

> **7 X**Y ≤ 17

 $\forall x_1 + \forall x_Y \leq 1 \lambda$ 

 $x_1 \ge 0$ ,  $x_Y \ge 0$ 

- ۲ (۳
  - 4 (4

۱) صفر

1 (7

۹۳ – مقادیر ضریب لاگرانژ  $\lambda_1$  و  $\lambda_2$  به ترتیب چقدر است؟

Min  $z = x_{\tau}^{\gamma}$ 

s.t:  $x_1 - x_7 \le -1$ 

 $-x_1-x_2 \leq -1$ 

 $x_1, x_7 \geq 0$ 

۲) ۲ و صفر

٣) صفر و ٢-

۴) صفر و ۲

با استفاده از روش نیوتن و با شروع از  $\mathbf{x}^\circ = \begin{bmatrix} 1 \circ \\ 10 \end{bmatrix}$  کدام است؟ -9۴

 $f(x) = 1 \circ x_1^{\gamma} + \Delta x_1 x_2 + 1 \circ (x_2 - \gamma)^{\gamma}$ 

$$\begin{bmatrix} \circ/\Lambda \\ r/\Upsilon \end{bmatrix} (\Upsilon$$

$$\begin{bmatrix} -\circ/\Lambda \\ -r/\Upsilon \end{bmatrix} (\Upsilon$$

$$\begin{bmatrix} -\circ_/ \Lambda \\ v_/ \Upsilon \end{bmatrix}$$
 (1

[°/\lambda] (٣

۹۵ محدوده کاربردی حاصل از اشتراک دو محدودیت زیر چه شرایطی دارد؟

- ۱) محدوده مقعر است.
- ۲) محدوده محدب است.
- ۳) محدوده مقعر و محدب نیست.
  - ۴) محدوده محدب و مقعر است.

 $^{-98}$ یک کارگاه صنایع چوبی دو محصول میز و صندلی تولید می کند. سود تولید هر میز ۱۲ واحد و سود تولید هر صـندلی ۸ واحد است. برای تولید هر میز،  $^{7}$   $^{6}$   $^{6}$   $^{7}$   $^{7}$   $^{7}$   $^{7}$   $^{7}$   $^{8}$   $^{9}$ 

- ۱) ۳۰ و ۵
- 10 9 T0 (T
- ۳۳ ، ۱۰ (۳
- 70 , a (F

۹۷ در فرمت ماتریسی برای محاسبه ضرایب چندجملهای دو متغیره زیر به روش (حداقل مربعات خطا)، کدام جمله بیشتر تکرار می شود (N): تعداد داده ها)

 $y = a + bx_1 + cx_7$ 

$$\sum x_{\gamma}^{\gamma} \ (\Upsilon \qquad \qquad \sum x_{\gamma}^{\gamma} \ (\Upsilon )$$
 
$$N \ (\Upsilon )$$

۹۸ – پاسخ بهینه مسئله، بهترتیب،  $\mathbf{x}_1$  و  $\mathbf{x}_2$  چقدر است؟

Min:  $z = x_1 + |x_{\gamma} - \Delta|$ s.t.:  $-x_{\gamma} + \forall x_{\gamma} \leq -1$  $x_1, x_{\gamma} \geq 0$ 

- ۲) ۰ و ۱
- ۳) ه و ۱–
- · · -1 (4

در روش «جستجوی یکبعدی»، برای مینیممسازی تابع زیر با شروع از نقطه  $\mathbf{x}^\circ = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$  مسیر حرکت نیوتن -99

 $f(x) = fx_1^{\gamma} + x_1^{\gamma} - fx_1x_2$ 

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} (7)$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} (8)$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} (7)$$

است؟  $\mathbf{x}_1$  مىنىمى تابع غىرخطى، بەترتىب،  $\mathbf{x}_2$  و  $\mathbf{x}_3$  چقدر است؟

Min: 
$$z = x_1^{\gamma} + x_{\gamma}^{\gamma} - 1 + x_1 - 2 x_{\gamma} - \gamma$$
  
s.t.:  $x_1 + x_{\gamma} \le \gamma$   
 $x_1 + \gamma x_{\gamma} \le \gamma$ 

۱۰۱ نیروگاه بخاری در ایران در طول ۹ ماه اول سال با سوخت گاز طبیعی و سه ماه آخر سال با سـوخت نفـت کـوره کـار می کند. ارزش حرارتی یک مترمکعب گاز طبیعی برابر ارزش حرارتی یک لیتر نفت کوره است. نسبت بازده اکسـرژی نیروگاه با سوخت نفت کوره به مقدار ۱۰۰۰ لیتر در ساعت نسبت بـه سـوخت گـاز طبیعـی ۱۰۰۰ مترمکعـب در ساعت، چگونه است؟

۴) در هر دو حالت، بازدههای اکسرژی و انرژی برابر هستند.

۱۰۲ - بیشترین تخریب اکسرژی در یک سامانه تولید همزمان برق ـ حرارت ـ سرمایش، در کدام قسمت آن صورت می پذیرد؟

۱۰۳ کدام عامل بیشترین تأثیر را بر راندمان اگزرژی در نیروگاه سیکل ترکیبی دارد؟

۳) دمای محبط

۱۰۴ مقداری هوا درون یک سیلندر و پیستون بدون اصطکاک طی یک فرایند آدیاباتیک بازگشتپذیر از شرایط (۱) بـه شرایط (۲) میرسد. کاهش سطح اکسرژی هوا طی این فرایند کدام مورد است؟

$$T_{0}(S_{x}-S_{y})+(U_{x}-U_{y})$$
 (7

$$(H_{r}-H_{1})-T_{0}(S_{r}-S_{1})$$
 (1)

$$H^{\star} - H^{\prime}$$
 (4

$$(U_{r}-U_{s})+P_{o}(V_{r}-V_{s})$$
 (\*

۱۰۵ برگشتناپذیری در یک مبدل حرارتی که انتقال حرارت بین سیالی که تبخیر میشود  $(T_1)$  و سیالی که کنــدانس میشود  $(T_1)$  کدام مورد است؟ (  $T_2$  دمای محیط و  $T_3$  حرارت بین سیالی که کنــدانس

$$T_{\circ}$$
 .Q. $\Delta T.T_{M}$  (7

$$T_{\circ}$$
 . $T_{\mathbf{M}}$ . $Q$  ()

$$T_{\circ}$$
 .Q. $\frac{\Delta T}{T_{M}^{r}}$  (\*

$$T_{\circ}$$
 .Q. $\frac{\Delta T}{T_{M}}$  (T

 $^{+0.9}$  سطح کل انتقال حرارت شبکه مبدل حرارتی (one pass tube, one pass shell) برابـر بـا  $^{+0.9}$  متـر مربـع است. اگر هزینه هر مبدل  $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$   $^{+0.9}$  متـر مربـع است. اگر هزینه هر مبدل  $^{+0.9}$   $^{+0.$ 

1140 (1

Stream	Ts (°C)	Tt (°C)	CP(MW/K)
Hot	169	٧٧	۲۲
Hot	797	٨٥	۲
Hot	444	٩0	۵
Cold	79	۱۲۷	10
Cold	114	780	<b>Y</b> 0

۱۰۷ – اگر دادههای منحنیهای مرکب بزرگ (Grand Composite Curves) به صورت زیـر باشـد، مقـدار LP کـه  $\Delta T_{min} = 7 \, ^{\circ}$ C و می توان تولید کرد را درصورتی که بخواهیم مقدار HP تولیدی ماکسیمم شود چقدر است؟  $\Delta T_{min} = 7 \, ^{\circ}$ C (بخار با دمای ۱۴۰ درجه سانتی گراد) و LP (بخار با دمای ۱۴۰ درجه سانتی گراد)

T* (°C)	MW	
۶۲۵	0	
<b>٣9</b> 0	۰/۲۳۵	
790	۶/۸۳	
100	17/78	
٩۵	17/01	
το 1Δ/10Δ		
0	18/100	

17/7 (1

۶/1 (۲

۵/۹ (۳

4/8 (4

Γs(°C)	Tt(°C)	CP(kW/°C)	ΔH(kW)
۱۸۰	40	40	۵۶۰۰
۱۵۰	90	٣٠	<b>**</b> 00
٣0	۱۸۰	۶٥	<b>9</b> 000
٨٥	180	<b>Y</b> 0	1900

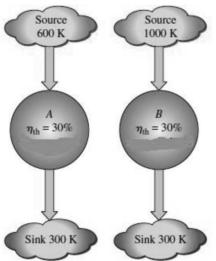
۲۹ ۰ ۰ و ۲۹ و

٧٥٥ ، ١٩٥٥ (٢

400 g 800 (T

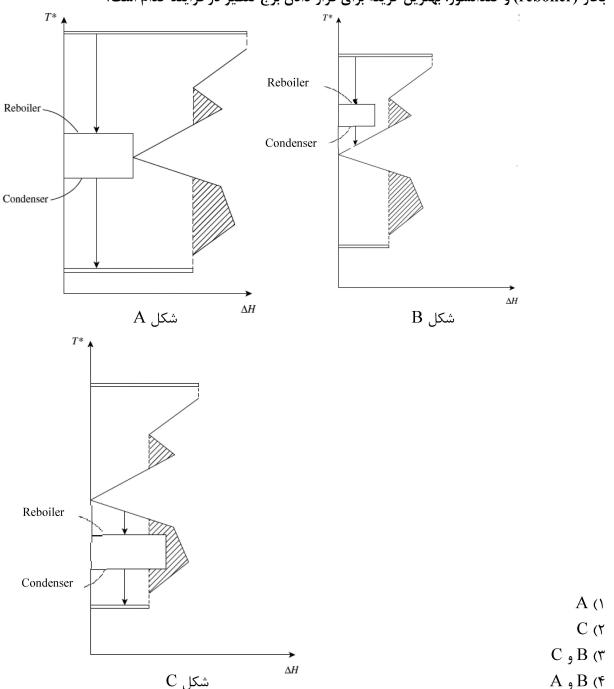
۴) دادههای مسئله ناقص است.

۱۰۹ در شکل زیر، دو موتور حرارتی A و B با راندمان حرارتی یکسان نشان داده می شود. کدام مورد در خصوص راندمان قانون دوم این دو موتور حرارتی درست است؟



- از A بیشتر است. B از اندمان قانون دوم موتور B
- ۲) راندمان قانون دوم موتور A از B بیشتر است.
- ۳) راندمان قانون دوم هر دو موتور یکسان است.
- ) اگر دمای محیط کمتر از  $K \circ \circ K$  باشد راندمان قانون دوم A بیشتر از B میشود.

۱۱۰ از برج تقطیری برای جداسازی مخلوطهای مایع استفاده می شود. اجزای اصلی برج عبارتند از ستون برج، دیگ بخار (reboiler) و کندانسور. بهترین گزینه برای قرار دادن برج تقطیر در فرایند کدام است؟



۱۱۱ - برای ارزیابی و مقایسه اقتصادی دو نیروگاه سیکل ترکیبی و توربین گاز از دو نرخ تنزیل استفاده میشود: الف ـ نرخ تنزیل اول ۲۵٪

ب \_ نرخ تنزیل دوم ۳٪

# نتیجه مقایسه دو نوع فناوری نیروگاهی، کدام حالت زیر است؟

- ۱) در حالت «الف»، نیروگاه سیکل ترکیبی و در حالت «ب»، نیروگاه توربین گاز انتخاب میشود.
- ۲) در حالت «الف»، نیروگاه توربین گاز و در حالت «ب»، نیروگاه سیکل ترکیبی انتخاب می شود.
  - ۳) در هر دو حالت «الف» و «ب»، نیروگاه سیکل ترکیبی انتخاب میشود.
    - ۴) در هر دو حالت «الف» و «ب»، نیروگاه توربین گازی انتخاب میشود.

- ۱۱۲− فرض کنید کشش قیمتی تقاضای بنزین در ایران برابر با ۳۵٫۰۰۰ باشد، قیمت کنـونی بنـزین یارانـهای برابـر بـا ۱۱۲ ۱۵٫۰۰۰ ریـال و ۱۲٫۰۰۰ ریال است. دولت قصد دارد قیمت بنـزین یارانـهای را بـه ۲۵٫۰۰۰ ریـال و بنزین آزاد را به ۴۰٫۰۰۰ ریال افزایش دهد. اگر مصرف کنونی روزانه بنزین یارانهای برابـر بـا ۷۰ میلیـون لیتر و بنزین آزاد برابر با ۱۰ میلیون لیتر باشد، مقدار تقاضای روزانه کل بنزین پس از افزایش قیمتها حدوداً چند میلیون لیتر خواهد شد؟
  - ۱) ۷∘٫۵ میلیون لیتر
  - ۲) ۶۵,۷۵ میلیون لیتر
    - ۳) ۶۱٫۵ میلیون لیتر
  - ۴) ۵۷,۲۵ میلیون لیتر
- ۱۱۳− یک خودرو برقی جایگزین یک خودرو با سیستم احتراق داخلی میشود. خودرو برقی در بار پایسه (از سساعت ۲۴ تسا ساعت ۵ صبح) شارژ میشود. شبکه برق نیز دارای نیروگاههای گازسوز و انرژی خورشیدی است. اگر بازده انرژی خودرو با احتراق داخلی ۲۸٪ و بازده خودرو الکتریکی ۲۰٪ و بازده سیستم فتوولتائیک متصل به شبکه برق ۲۰٪ و نیروگاههای فسیلی ۴۰٪ باشد و تلفات در شبکه انتقال و توزیع برق برابر ۱۰٪باشد، انتشار مقدار گاز دیاکسید کربن در حالت استفاده از خودرو الکتریکی نسبتبه خودرو با احتراق داخلی چه میزان خواهد بود؟ (نرخ انتشار گاز دیاکسید کربن به ازای واحد انرژی در سوختهای هیدروکربنی یکسان فرض شود.)
  - °/**\ (**\
  - o/9 (Y
  - 1/1 (٣
  - 1/7 (4
  - ۱۱۴ مبنای مدل اقتصادسنجی تقاضای انرژی خانوار، علاوه بر عقلانیت اقتصادی، استفاده از کدام مورد زیر است؟
    - ۱) توابع تقليل يافته براساس اطلاعات تاريخي
    - ۲) روشهای آماری براساس اطلاعات موجود
    - ۳) روشهای آماری براساس اطلاعات مقطعی
    - ۴) روشهای آماری براساس اطلاعات مقطعی و سری زمانی
- ۱۱۵- برای توسعه یک نیروگاه ۵ کیلوواتی خورشیدی در کشور و با فرض شرایط تعداد ساعات پیک خورشیدی (PSH) میلیوواتساعت و ۳۰۰۰ ساعت، با درنظر گرفتن نرخ خرید تضمینی برق خورشیدی ۳۵۰۰ تومان به ازای هـر کیلـوواتساعت و سرمایهگذاری موردنیاز ۱۶۰ میلیون تومان، دوره برگشت سرمایه پروژه، حدوداً چند سال خواهد بود؟
  - ۶ (۱
  - 4 (1
  - ٣ (٣
  - ۴) کمتر از ۱
  - ۱۱۶ کدام مورد، پیشران اصلی در گذار انرژی در جهان است؟
  - ۲) افزایش امنیت انرژی

١) مقابله با گرمایش جهانی

۴) اقتصادی شدن فناوریهای نوین انرژی

۳) پایانپذیری سوختهای فسیلی

۱۱۷ حدوداً مصرف چند میلیارد لیتر مازوت و گازوئیل می تواند جبران کننده ناترازی ۷۰ درصدی گاز در بخش نیروگاهی کشور در سه ماهه فصل زمستان باشد؟ (فرض کنید که ظرفیت نیروگاههای حرارتی و گازی کشور ۹۰ گیگاوات است، ضریب ظرفیت متوسط نیروگاهها ۸۰٪ و ضریب در دسترس بودن متوسط نیروگاهها ۷۰٪ باشد. همچنین ارزش حرارتی مازوت و دیزل را ۴۰ مگاژول بر لیتر است. راندمان نیروگاهی در صورت مصرف سوخت مایع را برابر با راندمان نیروگاهی در صورت مصرف گاز طبیعی و معادل ۴۰٪ فرض کنید.)

71 (1

17 (7

10 (4

17 (4

۱۱۸- برای تولید ۱۰ میلیارد کیلووات ساعت برق سالانه، از سه فناوری زیر مـیتـوان اسـتفاده کـرد. مشخصـات ایـن فناوریها به شرح زیر است:

الف ـ خورشيدي:

ضریب ظرفیت: ۲۰٪

هزینه نصب: ۱۰۰۰ دلار بهازای هر کیلووات

بدون هزينه سوخت

ب ـ بادی:

ضریب ظرفیت: ۳۳٪

هزینه نصب: ۱۲۰۰ دلار بهازای هر کیلووات

بدون هزينه سوخت

ج \_ فسيلي:

ضریب ظرفیت: ۸۵٪

هزینه نصب: ۷۰۰ دلار بهازای هر کیلووات

هزینه سوخت:  $0 \circ 0 \circ 0$  دلار بهازای هر کیلووات ساعت

هزینه کل (تجهیزات + سوخت) برای تولید این مقدار برق سالانه برای هر فناوری، بهترتیب، از ارزان ترین تا گـران تـرین چگونه خواهد بود؟

۲) فسیلی \_ خورشیدی \_ بادی

۱) بادی \_ خورشیدی \_ فسیلی

۴) فسیلی \_ بادی \_ خورشیدی

۳) خورشیدی ـ بادی ـ فسیلی

۱۱۹ - کدام مورد، مهم ترین چالش پیش روی ایران برای دستیابی به یک گذار انرژی موفق بهسمت انرژیهای تجدیدپذیر است؟

۱) اتکا به منابع غنی سوختهای فسیلی و سیاستهای حمایتی از آنها

۲) نبود منابع مالی و سرمایه گذاری کافی در بخش انرژیهای تجدیدپذیر

۳) ضعف زیرساختهای شبکه توزیع برای ادغام انرژیهای تجدیدپذیر

۴) عدم تطبیق سیاستهای ملی انرژی با تعهدات بینالمللی در کاهش کربن

۱۲۰ هزینه همتراز شده انرژی برای کدام فناوریهای تبدیل انرژی زیر در حال افزایش است؟

۲) نیروگاههای بخاری با سوخت ذغال سنگ

۱) نیروگاههای زمین گرمایی

۴) پیلهای سوختی

۳) نیروگاههای برق هستهای